

# **IRÁNYÍTÁSTECHNIKA I.**

**5 éves + BSc kurzus**

**Összeállította:  
Dr. Tarnai Géza egyetemi tanár**

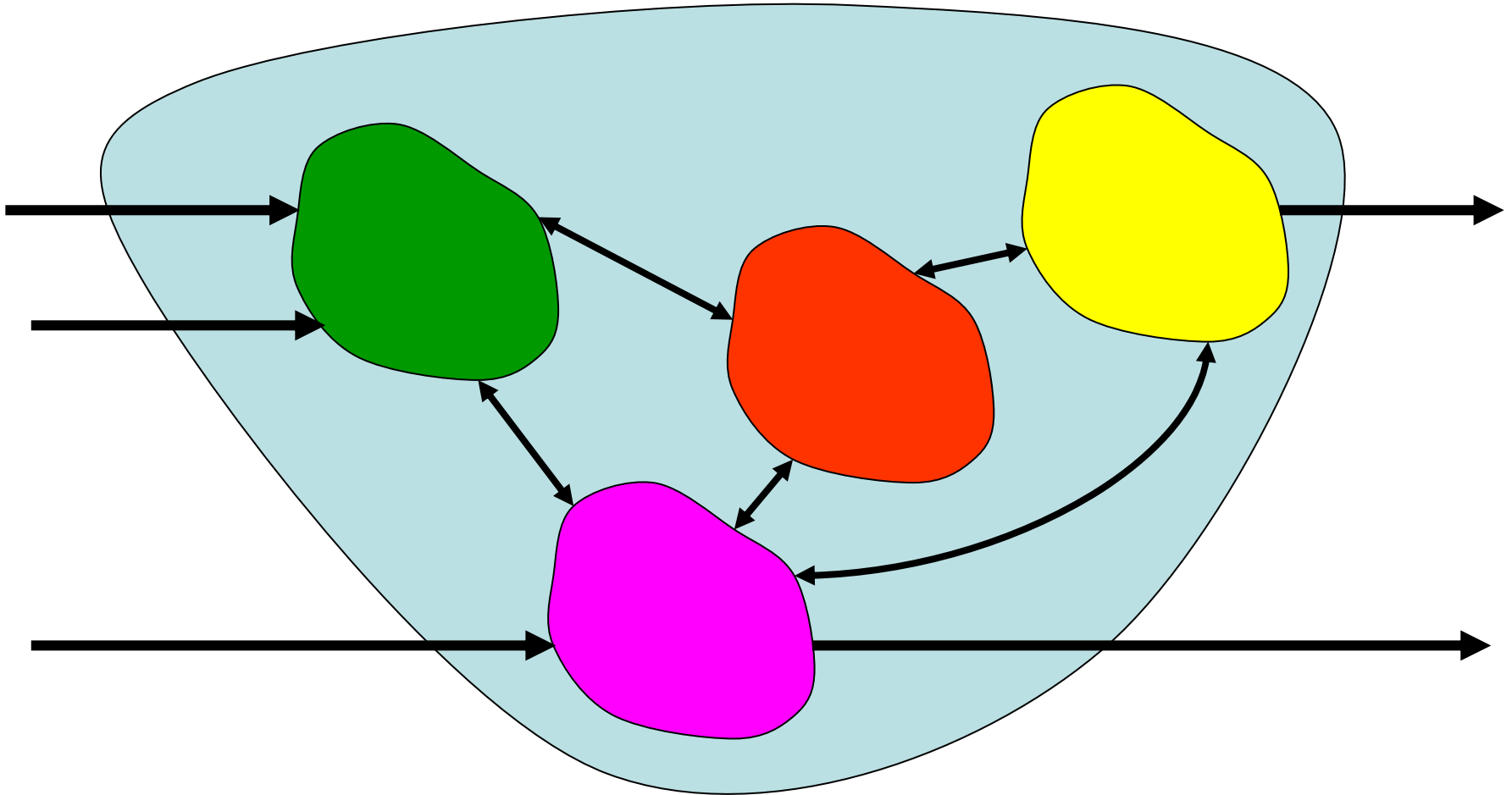
**Budapest, 2008.**

# Rendszer- és irányításelméleti ismeretek

1. félév	2. félév
Diszkrét állapotú rendszerek, logikai hálózatok	Folytonos állapotú rendszerek és irányításuk

# Rendszerek, részrendszerek, elemek

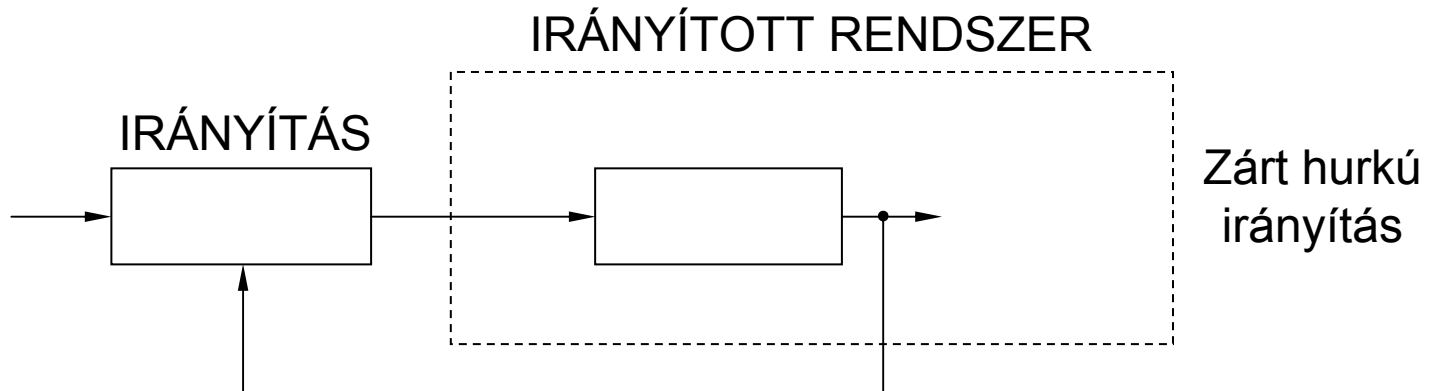
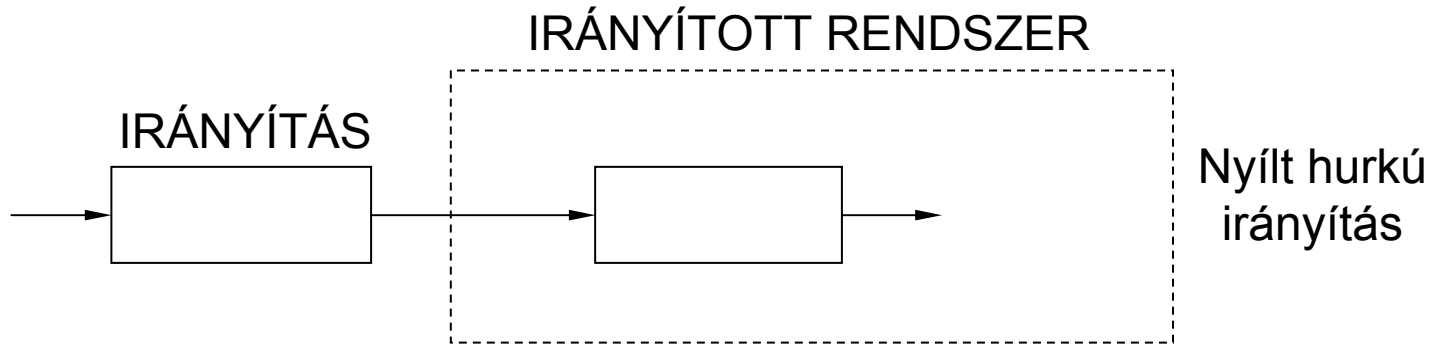
## Jelek, értékek



# Az irányítás feladata

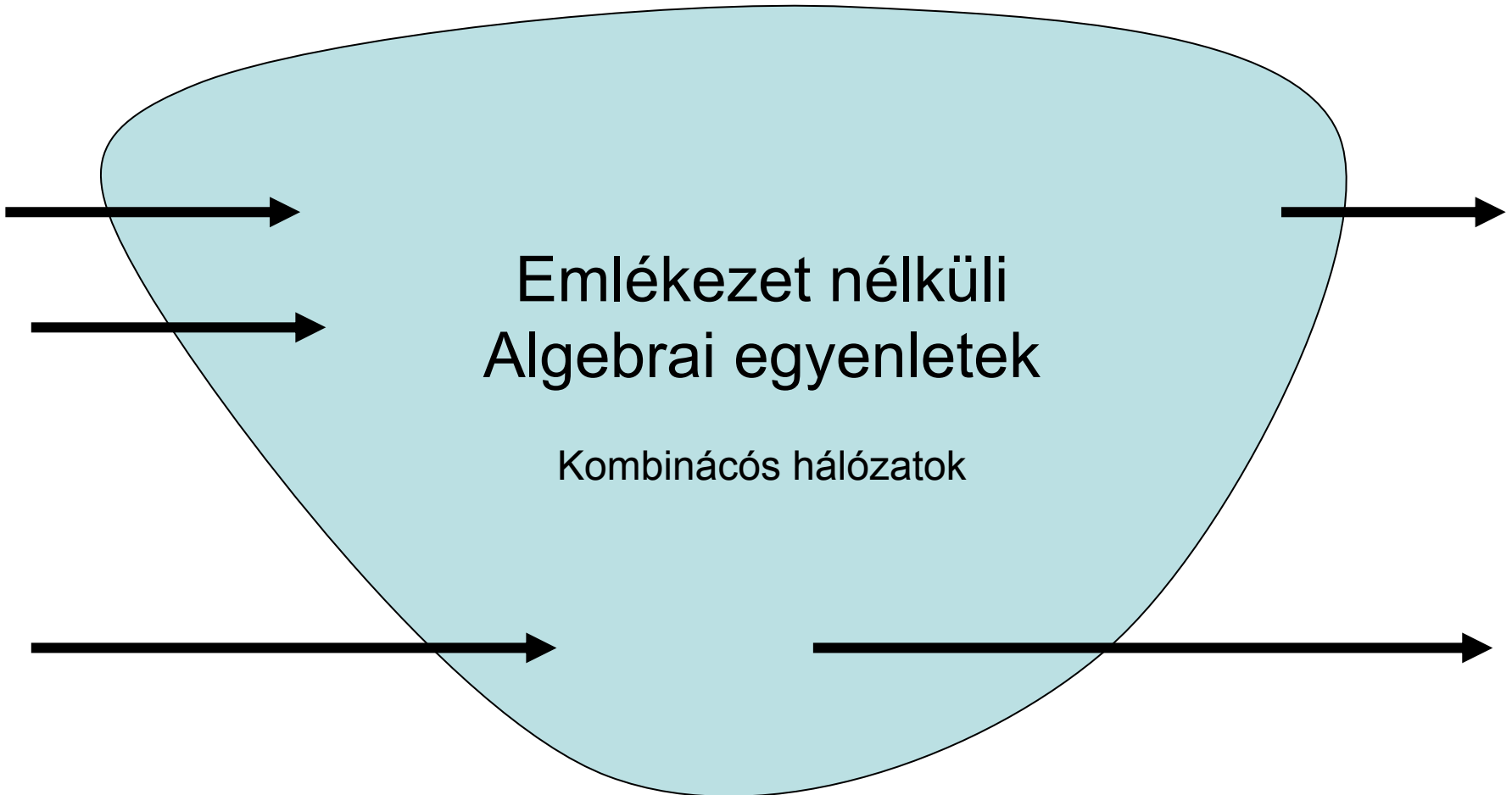
Az irányítás feladata  
a rendszer kívánt viselkedésének  
eléréséhez szükséges  
„helyes bemenetek” kiválogatása.

# Az irányítás fajtái



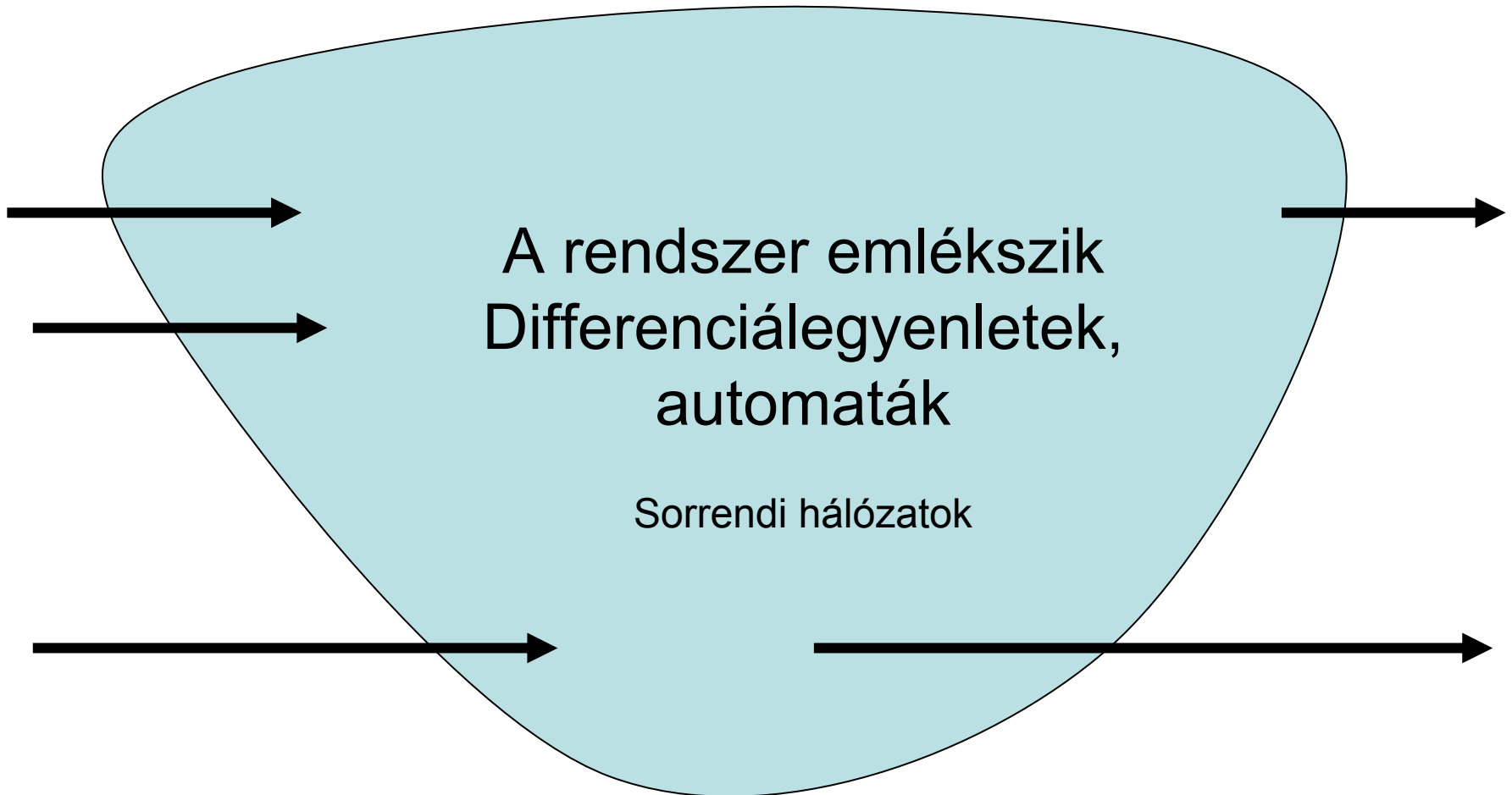
# Statikus rendszer

A rendszer kimeneti jelei csak az aktuális bemeneti jelektől függenek, a korábbiaktól függetlenek.



# Dinamikus rendszer

A rendszer kimeneti jelei függenek a bemeneti jelek korábbi értékeitől is (szekvenciális jelleg).



# Rendszerek osztályozási szempontjai

1. Determinisztikus/Sztokasztikus
2. Folytonos állapotú/Diszkrét állapotú/Hibrid
3. Idővezérelt/Eseményvezérelt
4. Statikus/Dinamikus
5. Folytonos idejű/Diszkrét idejű
6. Lineáris/Nemlineáris
7. Időfüggő/Időinvariáns



# KÖVETELMÉNYEK

- Tanszéki honlap: [www.kka.bme.hu](http://www.kka.bme.hu)
- Tanszéki hirdetőtábla
- 4/3 **labor** gyakorlat
- Labor előkészületek
- Laborelismertetés 02. 20-ig Baranyi E-nél (Z522)
- **Zárthelyi** 5 éves            1 zh + vizsga  
                                      BSc            2 zh (félév végi jegy)
- Zárthelyi beszámítás 50%/100%

# Logikai hálózatok

Kombinációs hálózatok

Kétértékű logika

# Logikai alapműveletek

$$0 \cdot 0 = 0 \cdot 1 = 1 \cdot 0 = 0;$$

$$1 \cdot 1 = 1$$

$$0 + 1 = 1 + 0 = 1 + 1 = 1;$$

$$0 + 0 = 0$$

$$\bar{0} = 1; \quad \bar{1} = 0; \quad \overline{\bar{0}} = 0; \quad \overline{\bar{1}} = 1$$

# Logikai algebrai kifejezések (1)

$$A \cdot 0 \equiv 0; \quad A \cdot 1 \equiv A \quad A \cdot \bar{A} \equiv 0$$

$$A + 0 \equiv A; \quad A + 1 \equiv 1; \quad A + \bar{A} \equiv 1$$

$$\bar{\bar{A}} \equiv A$$

$$A + B \equiv B + A; \quad A \cdot B \equiv B \cdot A$$

---

$$\overline{A + B} \equiv \bar{A} \cdot \bar{B}; \quad \overline{A \cdot B} \equiv \bar{A} + \bar{B}$$

De Morgan azonosságok

# Logikai algebrai kifejezések (2)

$$A + (B + C) \equiv A + B + C$$

$$A \cdot (B \cdot C) \equiv A \cdot B \cdot C$$

$$A \cdot (B + C) \equiv A \cdot B + A \cdot C$$

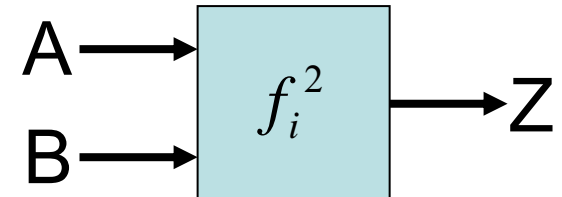
$$\underline{A + (B \cdot C) \equiv (A + B) \cdot (A + C)}$$

$$A \cdot A + A \cdot B + A \cdot C + B \cdot C \equiv A \cdot (A + B + C) + B \cdot C$$



# Logikai függvények megadása

A	B	$f_1$	$f_7$
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	1



$$Z = f_1^2(A, B) = A \cdot B$$

---


$$\begin{aligned} Z = f_7^2(A, B) &= \bar{A} \cdot B + A \cdot \bar{B} + A \cdot B = \\ &= \bar{A} \cdot B + A \cdot (\bar{B} + B) = \bar{A} \cdot B + A = B + A \end{aligned}$$

---


$$\bar{Z} = \overline{f_7^2(A, B)} = \bar{A} \cdot \bar{B}$$

$$Z = f_7^2(A, B) = \overline{\overline{f_7^2(A, B)}} = \overline{\bar{A} \cdot \bar{B}} = A + B$$

# 1. Előadás - összefoglalás

- Rendszer- és irányítástechnikai alapok
- Rendszerek osztályozása
- Logikai hálózatok – Kombinációs hálózatok
- Logikai alpműveletek, algebrai kifejezések, azonosságok
- Logikai függvények,
- Logikai kapuk – elvi logikai rajz
- Logikai függvények megadása
  - algebrai alak – minterm alak
  - igazságtáblázat
- Logikai függvények algebrai minimalizálása



# Háromváltozós függvény algebrai minimalizálása

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

$$\begin{aligned}F(A, B, C) &= \bar{A} B \bar{C} + \bar{A} B C + A \bar{B} \bar{C} + A B \bar{C} = \\&= \bar{A} B (C + \bar{C}) + A \bar{C} (B + \bar{B}) = \\&= \bar{A} B + A \bar{C}\end{aligned}$$

# Háromváltozós függvény minterm alakja

	A	B	C	F
0	0	0	0	0
1	0	0	1	0
2	0	1	0	1
3	0	1	1	1
4	1	0	0	1
5	1	0	1	0
6	1	1	0	1
7	1	1	1	0

$$F(A, B, C) = \bar{A}\bar{B}\bar{C} + \bar{A}BC + A\bar{B}\bar{C} + ABC\bar{C}$$

$$F(A, B, C) = m_2^3 + m_3^3 + m_4^3 + m_6^3$$

# Szomszédos mintermek a minimalizálásban

	A	B	C	F
0	0	0	0	0
1	0	0	1	0
2	0	1	0	1
3	0	1	1	1
4	1	0	0	1
5	1	0	1	0
6	1	1	0	1
7	1	1	1	0

$$F(A, B, C) = \overline{A}B\overline{C} + \overline{A}BC + A\overline{B}\overline{C} + ABC\overline{C}$$

$$F(A, B, C) = m_2^3 + m_3^3 + m_4^3 + m_6^3$$

$$F(A, B, C) = \overline{A}B(C + \overline{C}) + A\overline{C}(B + \overline{B}) = \overline{A}B + A\overline{C}$$

$$F(A, B, C) = (m_2^3 + m_3^3) + (m_4^3 + m_6^3)$$

$2^k$  számú szomszédos minterm összevonásakor k számú változó „esik ki”

# Háromváltozós függvény minterm alakja – negált függvény

	A	B	C	F
0	0	0	0	0
1	0	0	1	0
2	0	1	0	1
3	0	1	1	1
4	1	0	0	1
5	1	0	1	0
6	1	1	0	1
7	1	1	1	0

$$F(A, B, C) = \overline{A}\overline{B}\overline{C} + \overline{A}BC + A\overline{B}\overline{C} + ABC$$

$$F(A, B, C) = m_2^3 + m_3^3 + m_4^3 + m_6^3$$

$$\overline{F(A, B, C)} = \overline{A}\overline{B}C + \overline{A}BC + A\overline{B}C + ABC$$

$$\overline{F(A, B, C)} = m_0^3 + m_1^3 + m_5^3 + m_7^3$$

# Háromváltozós függvény minterm és maxterm alakja

	A	B	C	F
0	0	0	0	0
1	0	0	1	0
2	0	1	0	1
3	0	1	1	1
4	1	0	0	1
5	1	0	1	0
6	1	1	0	1
7	1	1	1	0

$$F(A, B, C) = \overline{A}B\overline{C} + \overline{A}BC + A\overline{B}\overline{C} + ABC$$

$$F(A, B, C) = m_2^3 + m_3^3 + m_4^3 + m_6^3$$

$$\overline{F(A, B, C)} = \overline{A}B\overline{C} + \overline{A}BC + A\overline{B}\overline{C} + ABC$$

$$\overline{F(A, B, C)} = m_0^3 + m_1^3 + m_5^3 + m_7^3$$

$$\begin{aligned} \overline{\overline{F(A, B, C)}} &= \overline{\overline{A}B\overline{C} + \overline{A}BC + A\overline{B}\overline{C} + ABC} = \\ &= (A + B + C) \cdot (A + B + \overline{C}) \cdot (\overline{A} + B + \overline{C}) \cdot (\overline{A} + \overline{B} + \overline{C}) \end{aligned}$$

$$\overline{\overline{\overline{F(A, B, C)}}} = M_7^3 M_6^3 M_2^3 M_0^3$$

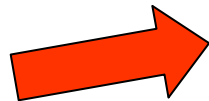
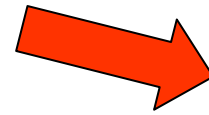
# A mintermek és a maxtermek kapcsolata

$$F(A, B, C) = m_2^3 + m_3^3 + m_4^3 + m_6^3$$

$$\overline{F(A, B, C)} = m_0^3 + m_1^3 + m_5^3 + m_7^3$$

$$\overline{\overline{F(A, B, C)}} = \overline{m_0^3} \cdot \overline{m_1^3} \cdot \overline{m_5^3} \cdot \overline{m_7^3}$$

$$\overline{\overline{F(A, B, C)}} = M_7^3 M_6^3 M_2^3 M_0^3$$



$$\overline{m_i^n} = M_{2^n - 1 - i}^n$$

# Logikai függvények kanonikus (normál) alakjai

Minterm alak	Maxterm alak
logikai szorzatok logikai összege	logikai összegek logikai szorzata
diszjunktív kanonikus alak	konjunktív kanonikus alak
mindegyik szorzatban az összes független változó szerepel ponált vagy negált alakban	mindegyik összegben az összes független változó szerepel ponált vagy negált alakban
mindegyik szorzat olyan független-változó kombinációt képvisel, amelyhez tartozó függvényérték 1	mindegyik összeg olyan független-változó kombinációt képvisel, amelyhez tartozó függvényérték 0

# Nem teljesen határozott logikai függvény megadása

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	--
1	0	1	0
1	1	0	--
1	1	1	0

$$F(A, B, C) = \bar{A}\bar{B}\bar{C} + \bar{A}BC + (A\bar{B}\bar{C}) + (ABC)$$

$$F(A, B, C) = m_2^3 + m_3^3 + (m_4^3) + (m_6^3)$$

4 lehetséges függvény



# A négy lehetséges függvény

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

$$\overline{A}B + A\overline{C}$$

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

$$\overline{A}B + B\overline{C}$$

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

$$\overline{A}B + A\overline{B}\overline{C}$$

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

$$\overline{A}B$$

# Logikai függvények grafikus minimalizálása

Karnaugh tábla

# Igazságtáblából Karnaugh tábla

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

		0	1	C
AB	00	0	0	
	01	1	1	
	11	1	0	
	10	1	0	

		0	1	C
AB	00	$m_0$	$m_1$	
	01	$m_2$	$m_3$	
	11	$m_6$	$m_7$	
	10	$m_4$	$m_5$	

		C	
A	0	$m_0$	$m_1$
	1	$m_2$	$m_3$
	0	$m_6$	$m_7$
	1	$m_4$	$m_5$



		00	01	11	10	BC
A	0	$m_0$	$m_1$	$m_3$	$m_2$	
	1	$m_4$	$m_5$	$m_7$	$m_6$	

		B			
A	0	$m_0$	$m_1$	$m_3$	$m_2$
	1	$m_4$	$m_5$	$m_7$	$m_6$
		C			

**szomszédosság**

# Négyváltozós Karnaugh tábla a peremezés két változatával

	00	01	11	10	CD
AB	00	$m_0$	$m_1$	$m_3$	$m_2$
	01	$m_4$	$m_5$	$m_7$	$m_6$
	11	$m_{12}$	$m_{13}$	$m_{15}$	$m_{14}$
	10	$m_8$	$m_9$	$m_{11}$	$m_{10}$

		C			
		$m_0$	$m_1$	$m_3$	$m_2$
		$m_4$	$m_5$	$m_7$	$m_6$
A		$m_{12}$	$m_{13}$	$m_{15}$	$m_{14}$
		$m_8$	$m_9$	$m_{11}$	$m_{10}$
		D			

		A			
		$m_8$	$m_{12}$	$m_4$	$m_0$
		$m_{10}$	$m_{14}$	$m_6$	$m_2$
		$m_{11}$	$m_{15}$	$m_7$	$m_3$
D		$m_9$	$m_{13}$	$m_5$	$m_1$
		B			

# Függvény ábrázolása Karnaugh táblával

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

$$F(A, B, C) = \overline{A} \overline{B} \overline{C} + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} \overline{C} + A B \overline{C}$$

$$F(A, B, C) = m_2^3 + m_3^3 + m_4^3 + m_6^3$$

		<b>B</b>	
		0	1
<b>A</b>	0	m <sub>0</sub>	m <sub>1</sub>
	1	m <sub>4</sub>	m <sub>5</sub>
		<b>C</b>	
		0	1

(Note: In the original image, cells m<sub>3</sub> and m<sub>6</sub> are highlighted in yellow.)

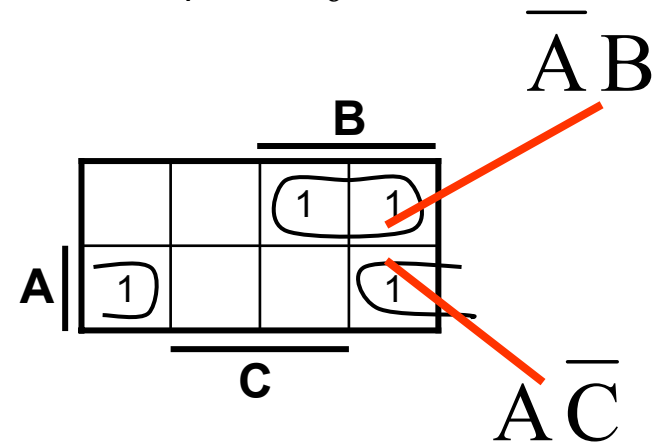
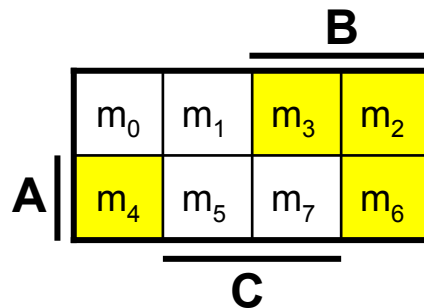
		<b>B</b>	
		0	1
<b>A</b>	0	1	1
	1	1	1
		<b>C</b>	
		0	1

# Egyszerűsítés szomszédos mintermek összevonásával

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

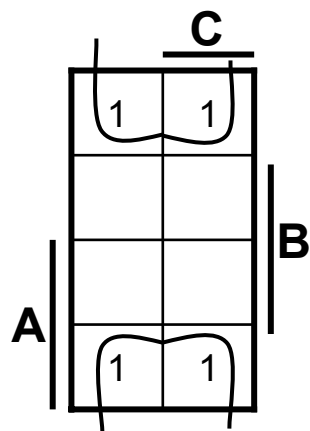
$$\begin{aligned}
 F(A, B, C) &= \bar{A} \bar{B} \bar{C} + \bar{A} B \bar{C} + A \bar{B} \bar{C} + A B \bar{C} = \\
 &= \bar{A} B (C + \bar{C}) + A \bar{C} (B + \bar{B}) = \\
 &= \underline{\bar{A} B} + A \bar{C}
 \end{aligned}$$

$$F(A, B, C) = (m_2^3 + m_3^3) + (m_4^3 + m_6^3)$$

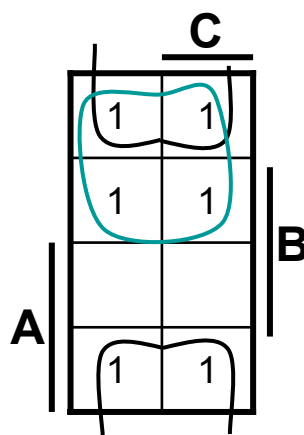


$$F = \bar{A} B + A \bar{C}$$

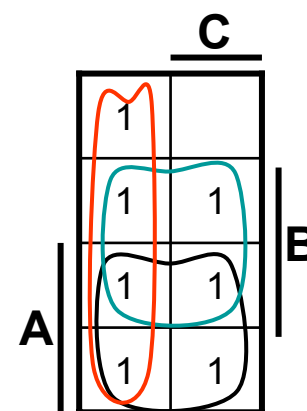
# További összevonási példák (1)



$$F = \overline{B}$$



$$F = \overline{A} + \overline{B}$$



$$F = A + B + \overline{C}$$

# Összevonás négyváltozós Karnaugh táblán

	<b>C</b>			
	$m_0$	$m_1$	$m_3$	$m_2$
	$m_4$	$m_5$	$m_7$	$m_6$
<b>A</b>	$m_{12}$	$m_{13}$	$m_{15}$	$m_{14}$
	$m_8$	$m_9$	$m_{11}$	$m_{10}$
	<b>D</b>			

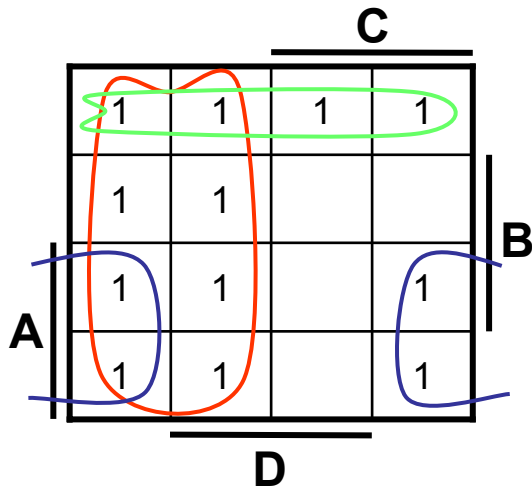
$$F = (m_0^4 + m_4^4) + (m_6^4 + m_7^4 + m_{14}^4 + m_{15}^4)$$

	<b>C</b>			
	1			
	1		1	1
<b>A</b>			1	1
	<b>D</b>			

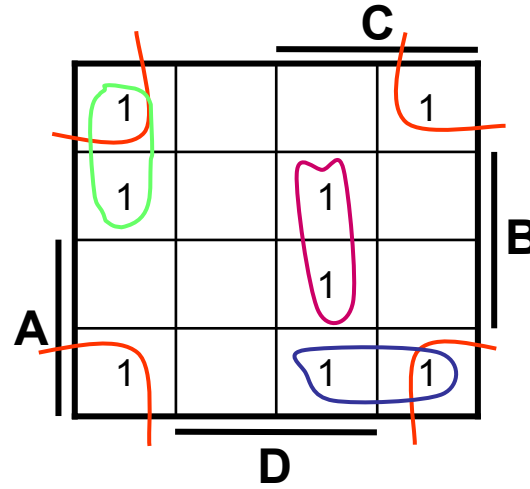
$$F = \overline{A} \overline{C} \overline{D} + BC$$



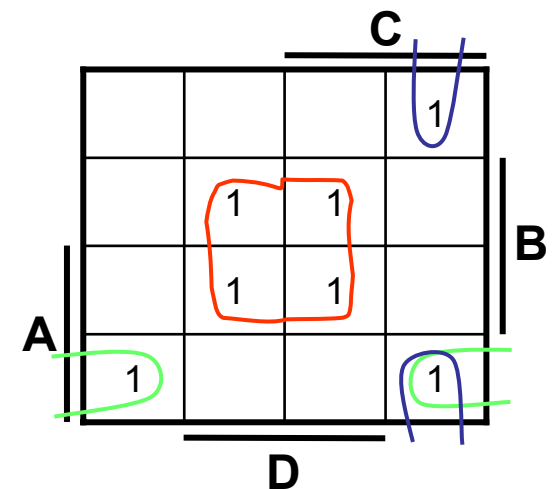
# További összevonási példák (2)



$$\bar{C} + \bar{A}\bar{B} + A\bar{D}$$

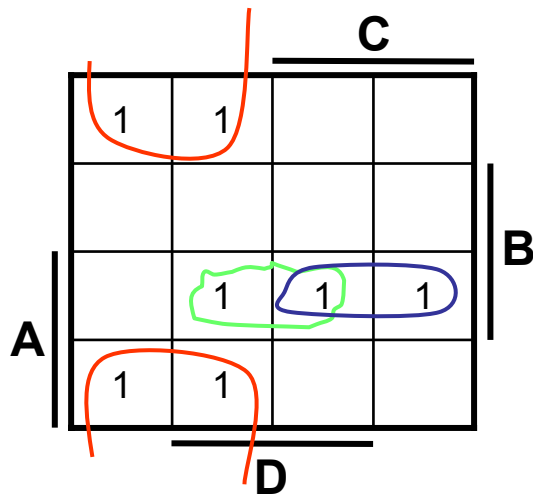


$$\bar{B}\bar{D} + \bar{A}\bar{C}\bar{D} + \\ + B\bar{C}\bar{D} + A\bar{B}\bar{C}$$

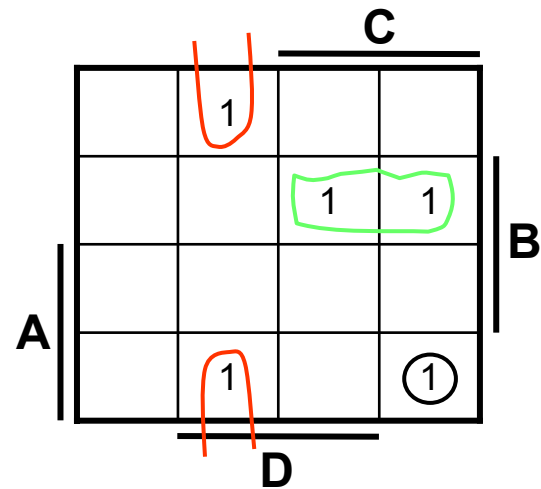


$$B\bar{D} + \bar{B}\bar{C}\bar{D} + A\bar{B}\bar{D}$$

# További összevonási példák (3)



$$\overline{\overline{BC}} + ABC + ABD$$



$$\overline{\overline{BC}} D + \overline{A} BC + A \overline{B} C \overline{D}$$

# 2. előadás - összefoglalás

- Logikai függvények algebrai minimalizálása (folyt.)
- Mintermek, maxtermek
- Függvények minterm és maxterm alakja
- A mintermek és a maxtermek kapcsolata
- Nem teljesen határozott logikai függvény megadása
- Karnaugh tábla, logikai függvények grafikus minimalizálása
- Mintermek szomszédossága, összevonás

# Mintermekkel kapcsolatos fogalmak

- minterm – olyan speciális elemi logikai szorzat (ÉS) függvény, amely valamennyi változót tartalmazza ponált vagy negált formában
- szomszédos mintermek – csak egy helyértéken térnek el egymástól (egy változó az egyik mintermben ponált, a másokban negált értékkel szerepel, a többi változó mindkettőben azonos módon)
- egy „n” változós logikai függvény egy mintermjének „n” darab szomszédos mintermje lehet, hiszen „n” helyértéken különbözhetnek egy változóban

# Logikai függvények kanonikus (normál) alakjai

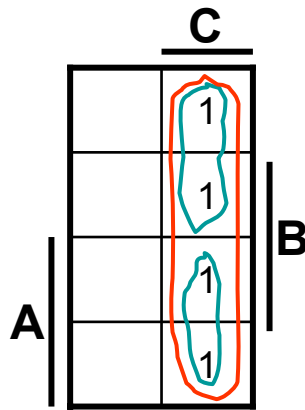
Minterm alak	Maxterm alak
logikai szorzatok logikai összege	logikai összegek logikai szorzata
diszjunktív kanonikus alak	konjunktív kanonikus alak
mindegyik szorzatban az összes független változó szerepel ponált vagy negált alakban	mindegyik összegben az összes független változó szerepel ponált vagy negált alakban
mindegyik szorzat olyan független-változó kombinációt képvisel, amelyhez tartozó függvényérték 1	mindegyik összeg olyan független-változó kombinációt képvisel, amelyhez tartozó függvényérték 0

# Logikai függvények egyszerűsítése

- a szomszédos mintermek megkeresése, párba válogatása
- a lehetséges összevonások után a kiadódó termek közül szintén meg kell keresni a szomszédosakat
- az eljárást addig kell folytatni, amíg a logikai függvény olyan szorzatok összege nem lesz, amelyekből már egyetlen változó sem hagyható el anélkül, hogy a logikai függvény meg nem változna
- az ilyen logikai összegekben szereplő logikai szorzatok a ***prímimplikánsok***

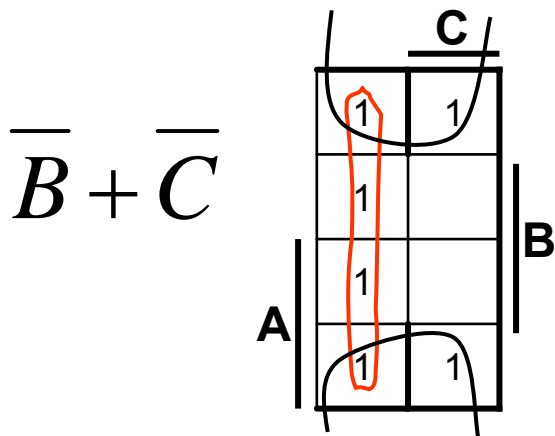
# Példa az összevonásra

$$\begin{aligned}F(A, B, C) &= \bar{A}BC + \bar{A}\bar{B}C + A\bar{B}C + ABC = \\&= \bar{A}C(B + \bar{B}) + AC(B + \bar{B}) = \bar{A}C + AC = \\&= C(\bar{A} + A) = C\end{aligned}$$



# Példa maxtermek összevonására

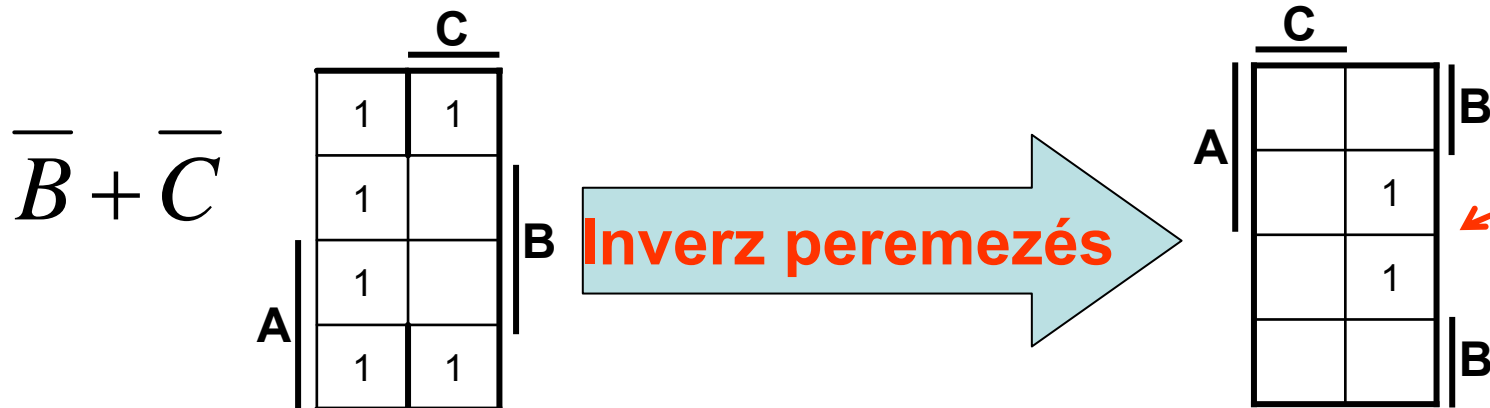
$$\begin{aligned}F(A,B,C) &= (\bar{A} + \bar{B} + \bar{C})(A + \bar{B} + \bar{C}) = \\&= (\bar{A} + (\bar{B} + \bar{C}))(A + (\bar{B} + \bar{C})) = \\&= A\bar{A} + (A + \bar{A})(\bar{B} + \bar{C}) + (\bar{B} + \bar{C})(\bar{B} + \bar{C}) = \\&= \bar{B} + \bar{C}\end{aligned}$$





# Példa maxtermek összevonására

$$\begin{aligned} F(A,B,C) &= (\bar{A} + \bar{B} + \bar{C})(A + \bar{B} + \bar{C}) = \\ &= (\bar{A} + (\bar{B} + \bar{C}))(A + (\bar{B} + \bar{C})) = \\ &= A\bar{A} + (A + \bar{A})(\bar{B} + \bar{C}) + (\bar{B} + \bar{C})(\bar{B} + \bar{C}) = \\ &= \bar{B} + \bar{C} \end{aligned}$$



# Példa maxtermek összevonására

$$\begin{aligned}
 F(A,B,C) &= (\bar{A} + \bar{B} + \bar{C})(A + \bar{B} + \bar{C}) = \\
 &= (\bar{A} + (\bar{B} + \bar{C}))(A + (\bar{B} + \bar{C})) = \\
 &= A\bar{A} + (A + \bar{A})(\bar{B} + \bar{C}) + (\bar{B} + \bar{C})(\bar{B} + \bar{C}) = \\
 &= \bar{B} + \bar{C}
 \end{aligned}$$



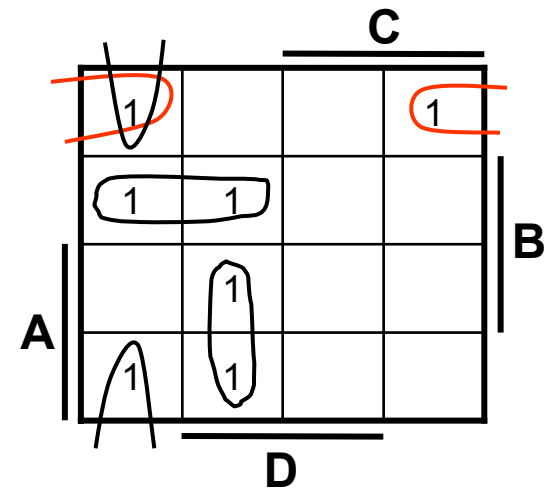
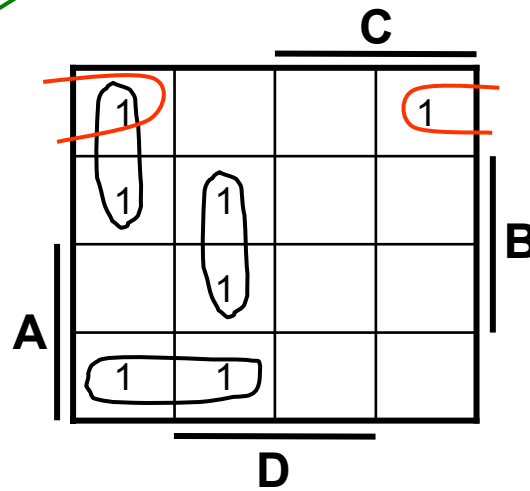
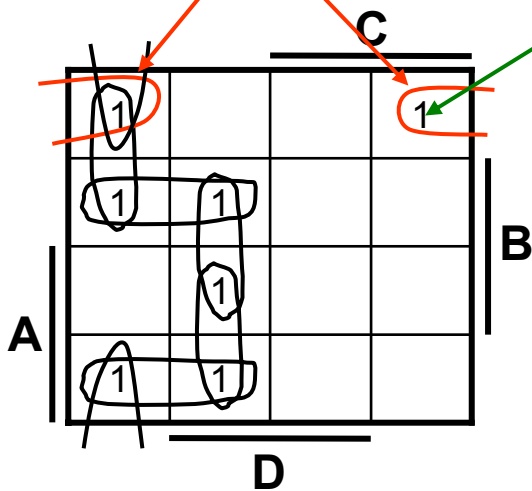
# További fogalmak

- A Karnaugh táblán azoknak az 1-et tartalmazó celláknak, amelyek az összevonás során csak egy hurokban szerepelnek, olyan mintermek felelnek meg, amelyeket csak egy prímisszimplikáns tud lefedni. Ezek a mintermek a ***megkülönböztetett mintermek***.
- A ***lényeges prímisszimplikáns*** olyan prímisszimplikáns, amely legalább egy megkülönböztetett mintermet helyettesít.

# Lefedés prímimplikánsokkal

Lényeges prímimplikáns

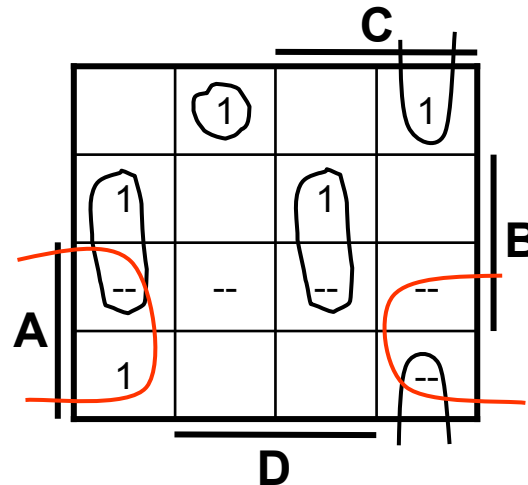
Megkülönböztetett minterm



**Az összes  
prímimplikáns**

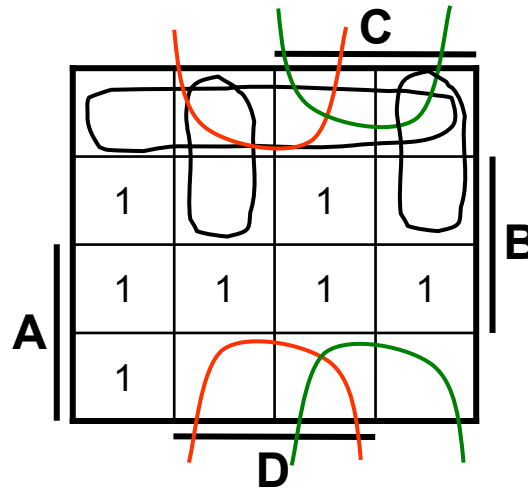
**Egyenértékű összevonások**

# Nem teljesen határozott függvény egyszerűsítése



$$F = A\bar{D} + B\bar{C}\bar{D} + BCD + \bar{A}\bar{B}\bar{C}D$$

# A legegyszerűbb konjunktív alak képzése



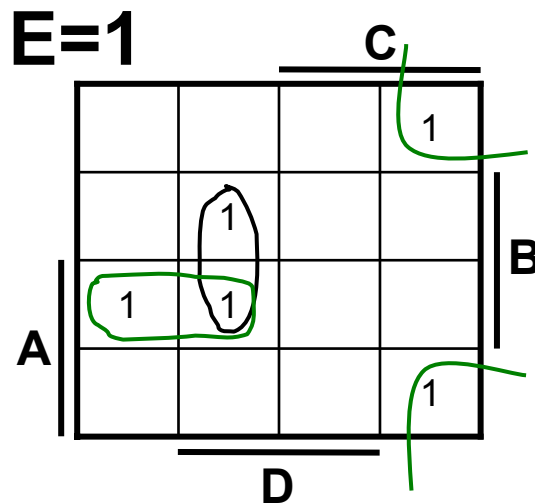
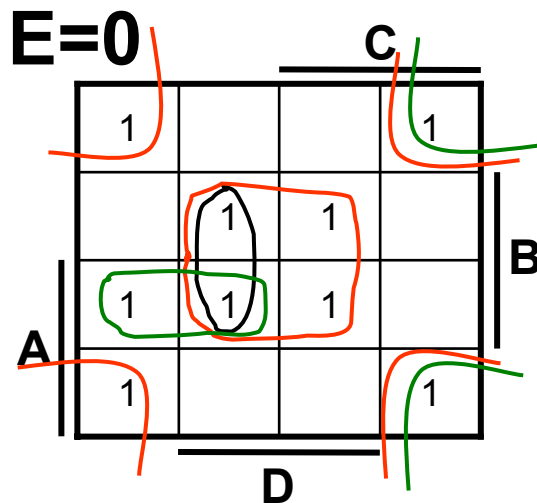
„Inverz peremezés!”

$$\bar{F} = \bar{A}\bar{B} + \bar{B}D + \bar{A}\bar{C}D + \bar{A}C\bar{D} + \bar{B}C$$

$$F = \overline{\bar{A}\bar{B} + \bar{B}D + \bar{A}\bar{C}D + \bar{A}C\bar{D} + \bar{B}C}$$

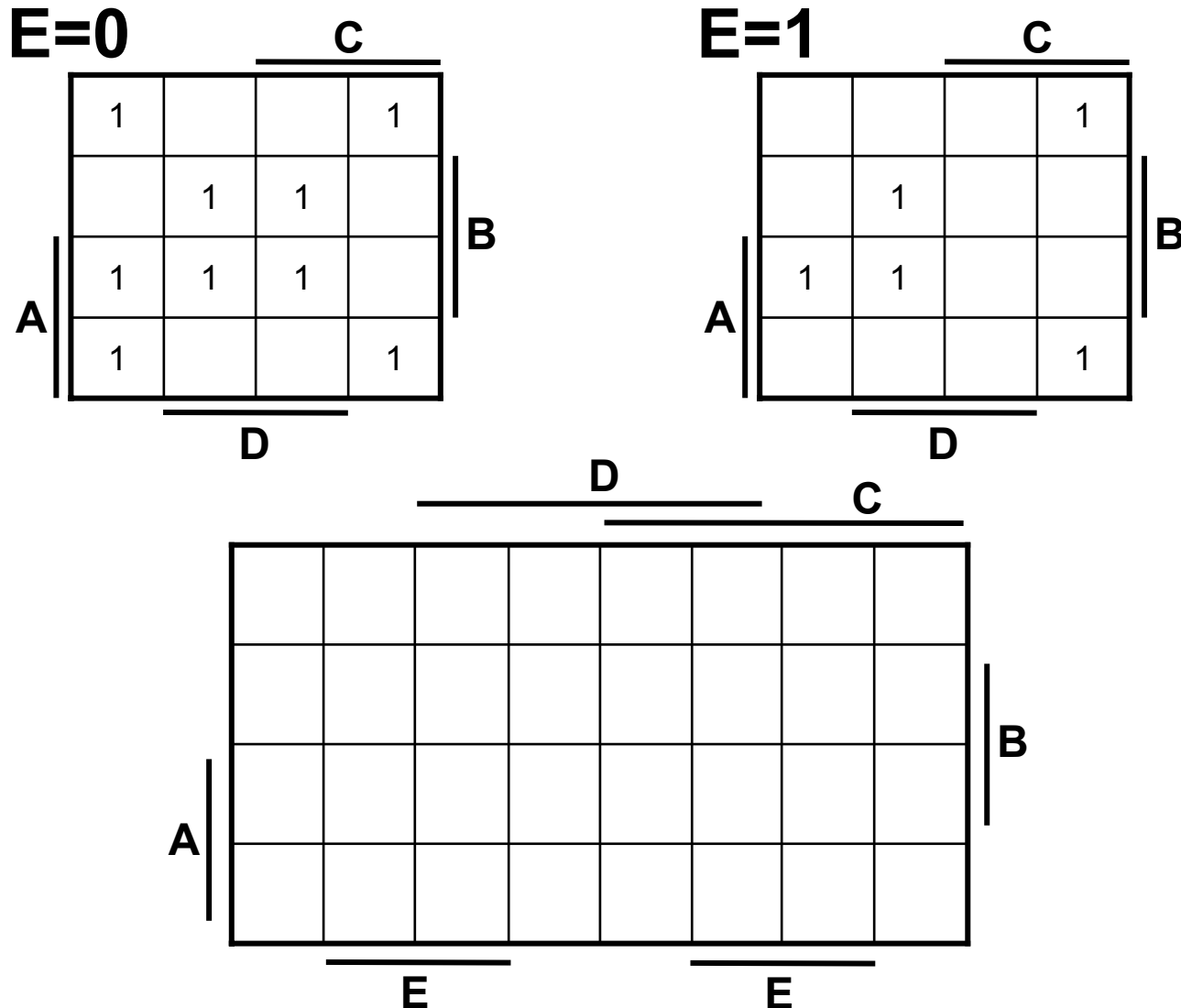
$$F = (A + B)(B + \bar{D})(A + C + \bar{D})(A + \bar{C} + D)(B + \bar{C})$$

# Ötváltozós függvény ábrázolása



$$F = \underline{BD\bar{E}} + \underline{\bar{B}\bar{D}\bar{E}} + \underline{ABC\bar{C}} + \underline{\bar{B}C\bar{D}} + \underline{B\bar{C}D}$$

# Ötváltozós függvény ábrázolása





# 3. előadás - összefoglalás

- logikai függvények egyszerűsítése
  - minterm és maxterm alakból
- inverz peremezés
- mintermekkel és implikánsokkal kapcsolatos fogalmak
- lefedés prímisszimplicánsokkal
- ötváltozós függvény Karnaugh táblája

# Jelterjedés a kombinációs hálózatokban

# A jelterjedés késleltetése (1)

- véges jelterjedési sebesség → időkésés
  - kapuk bemenete és kimenete között
    - **megszólalási idő** (propagation delay) – min/typ/max – **változó**
    - kisebb terjedési idő → nagyobb működési sebesség
  - két kapu között – szórt kapacitások, induktivitások – **változó**
  - integrált áramköri technológiák hatása
  - modellezés koncentrált késleltető elemekkel

# A jelterjedés késleltetése (2)

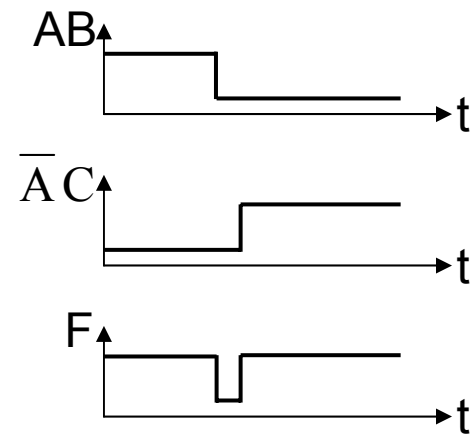
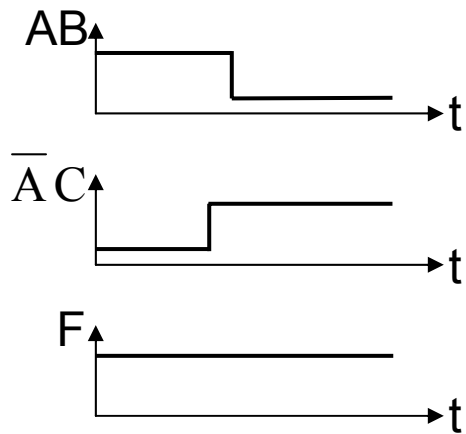
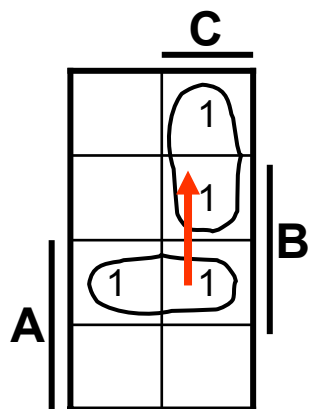
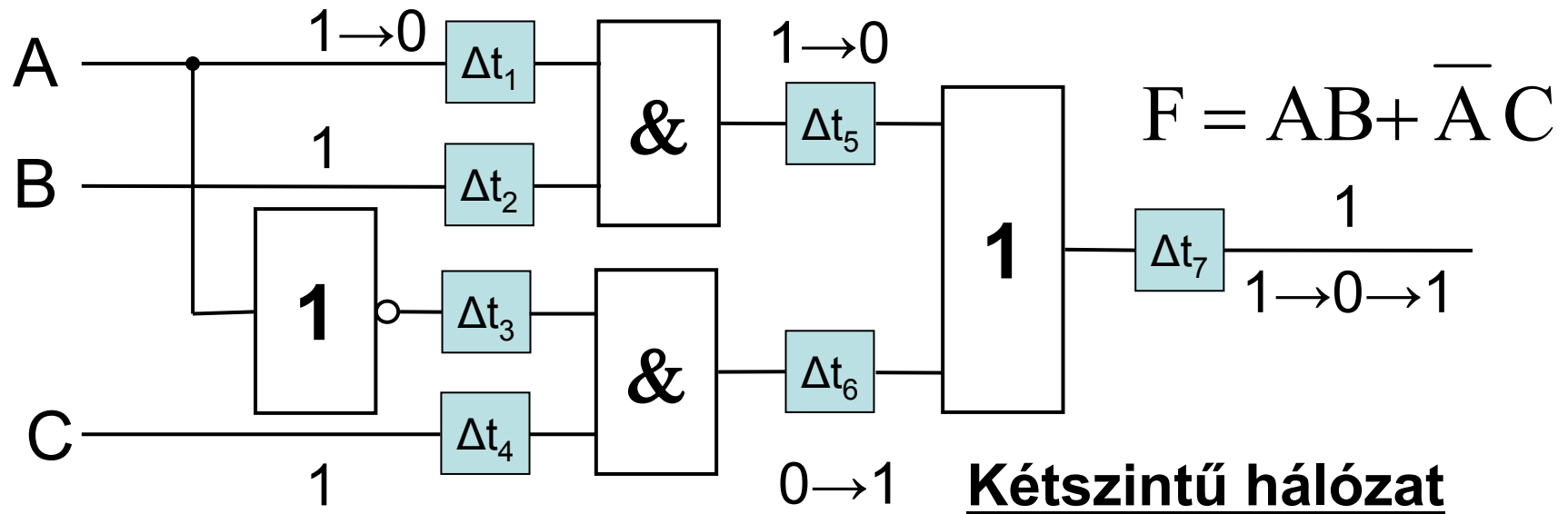
- **hazárdok**

- a tervezettől eltérő
- véletlenszerűen fellépő
- átmeneti ideig tartó  
kimeneti kombinációk

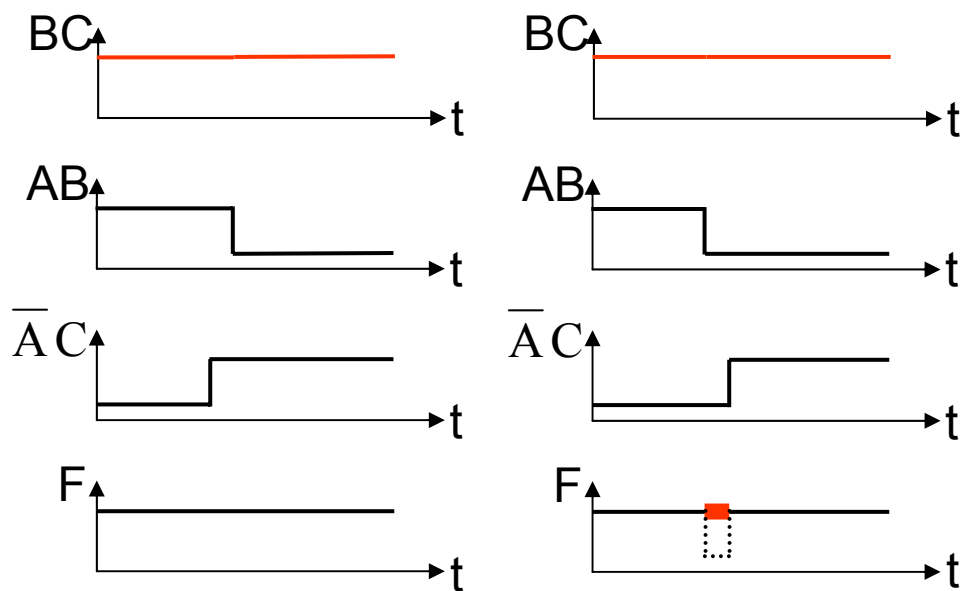
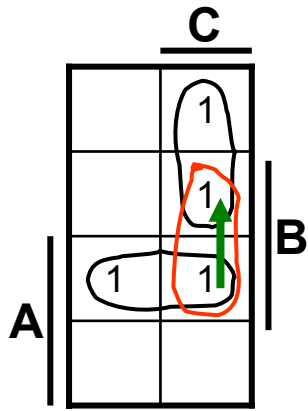
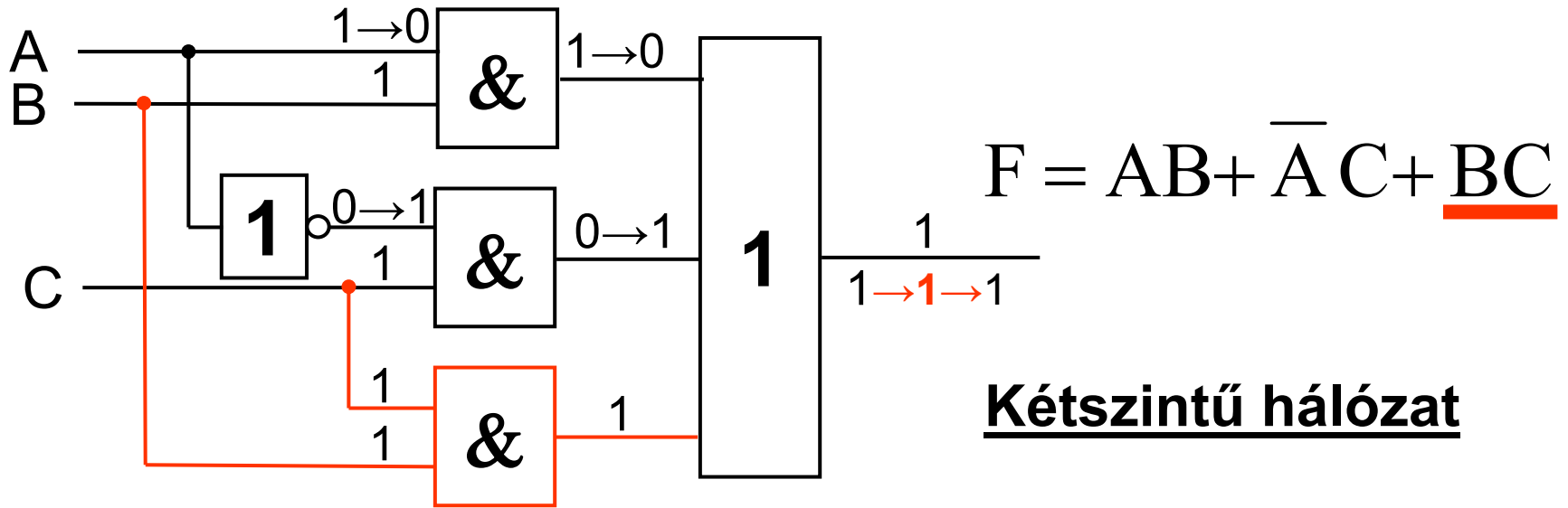
- **igyekszünk kiküszöbölni**

- a fellépésüket,
- de ha nem lehet, akkor a hatásukat

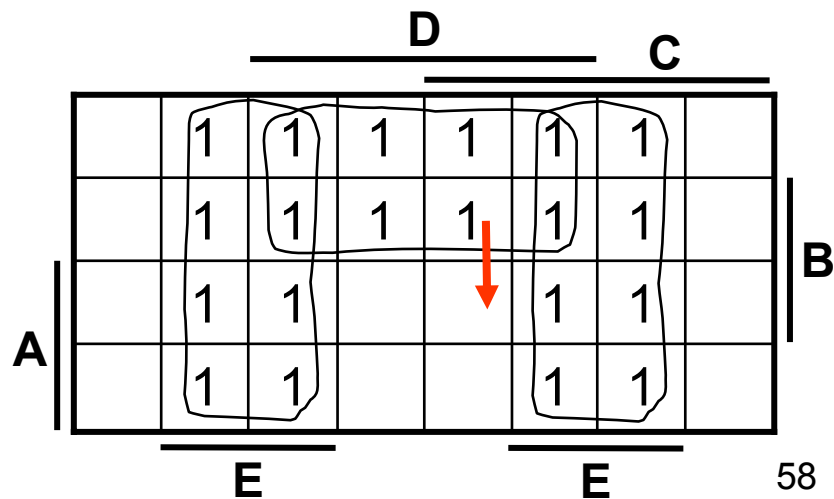
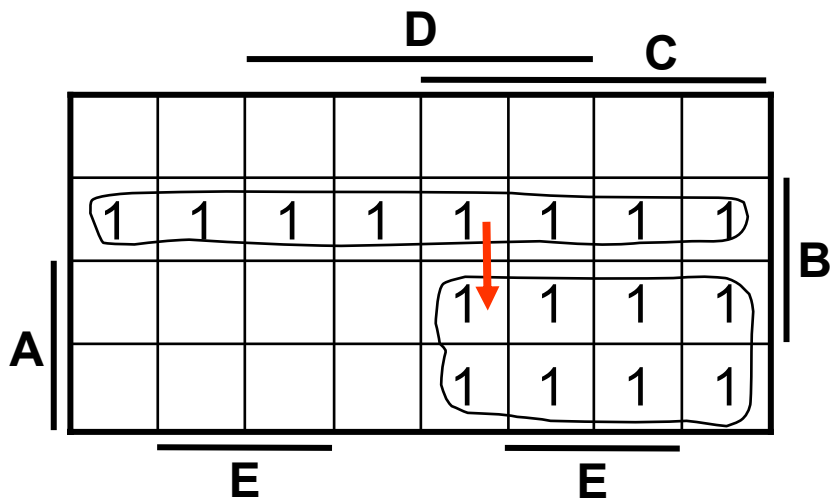
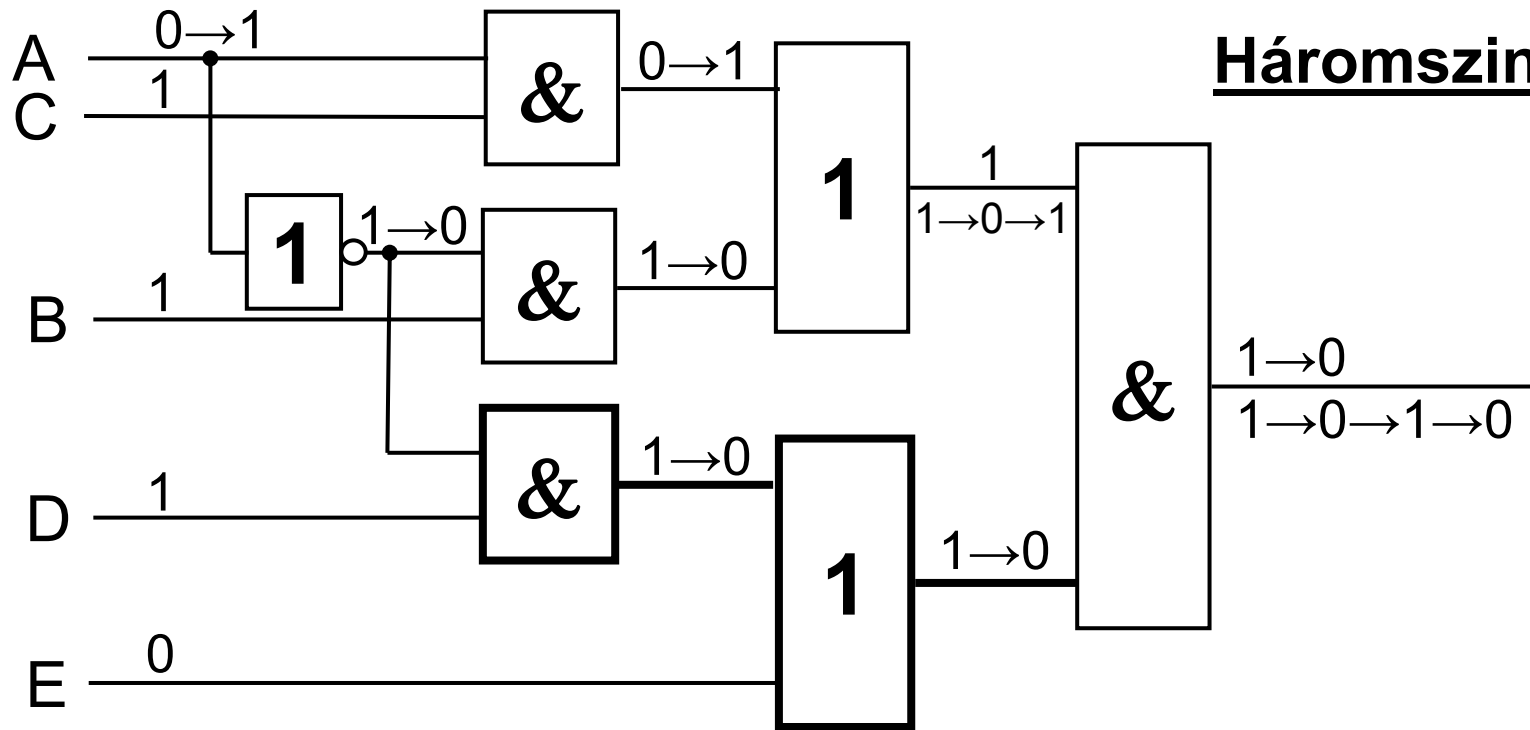
# Statikus hazárd



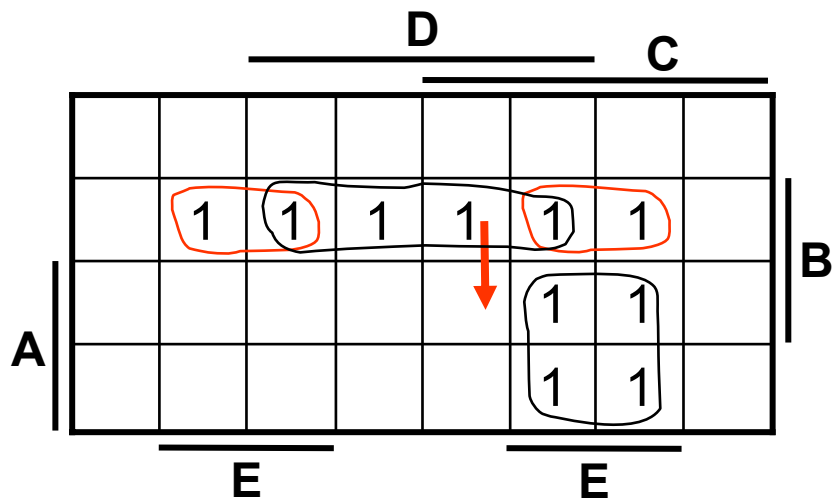
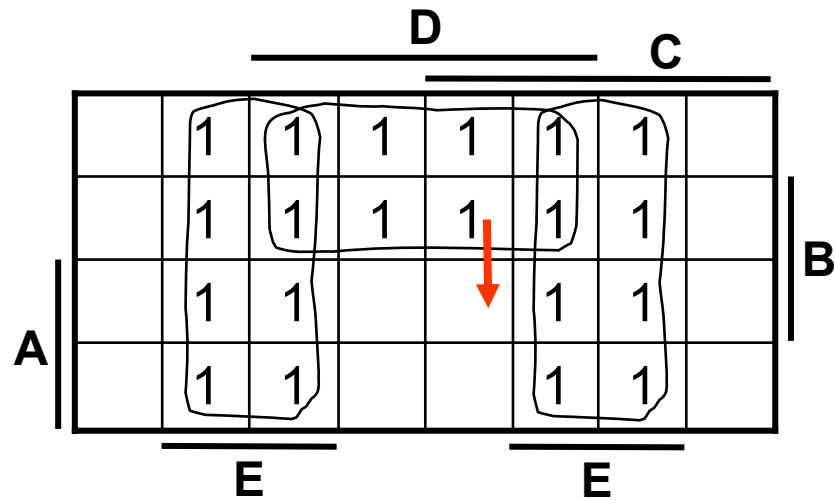
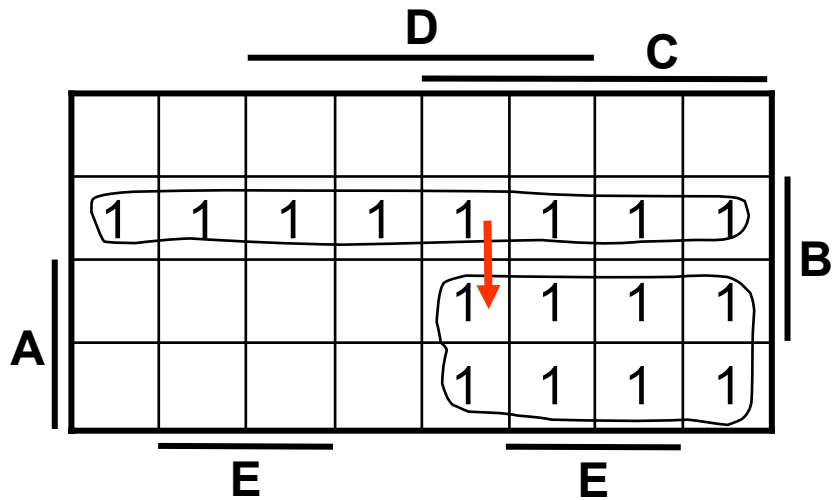
# Statikus hazárd kiküszöbölése



Dinamikus hazard







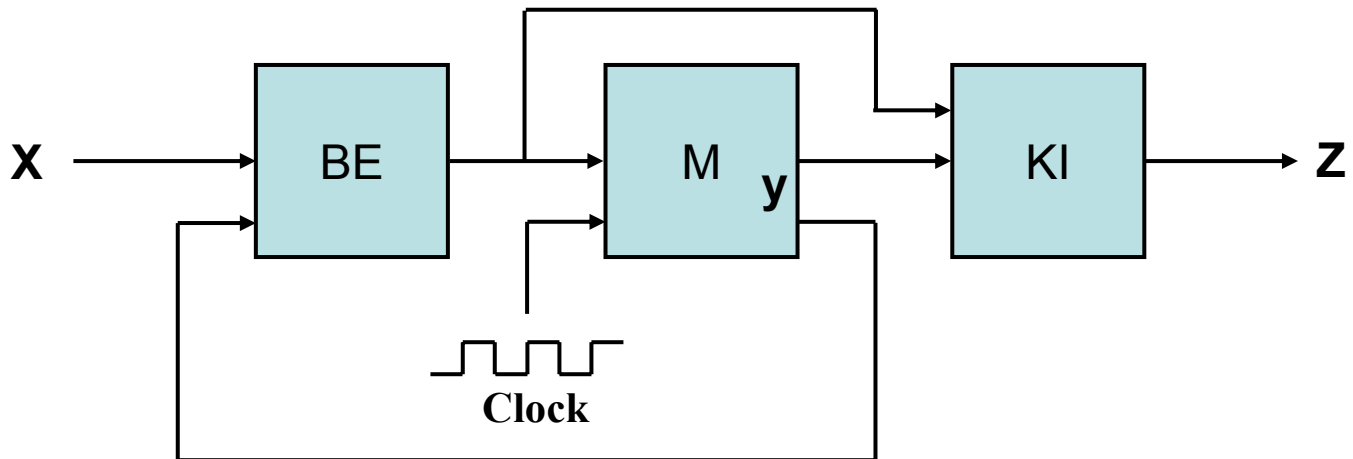
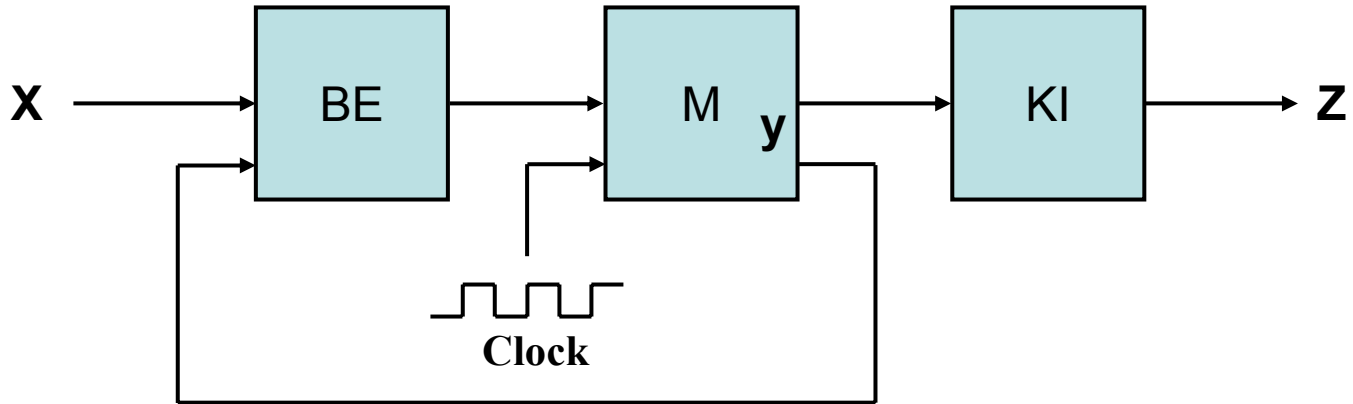
# Funkcionális hazard

# Logikai hálózatok felépítése NAND vagy NOR kapukkal

# IDŐVEZÉRELT DISZKRÉT RENDSZEREK

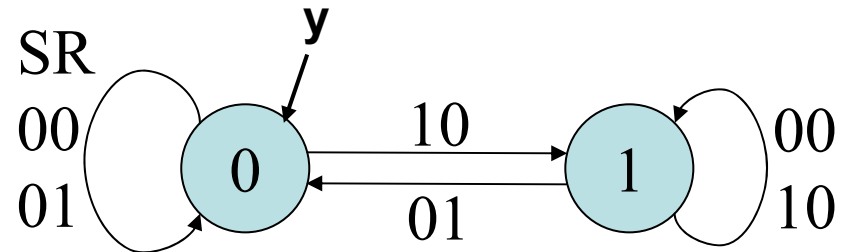
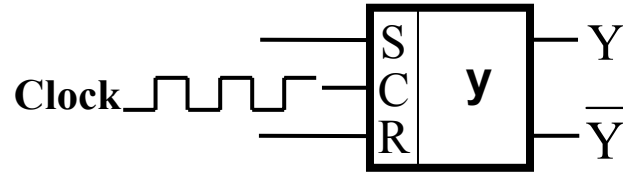
SZINKRON SORRENDI  
HÁLÓZATOK

# More és Mealy modell

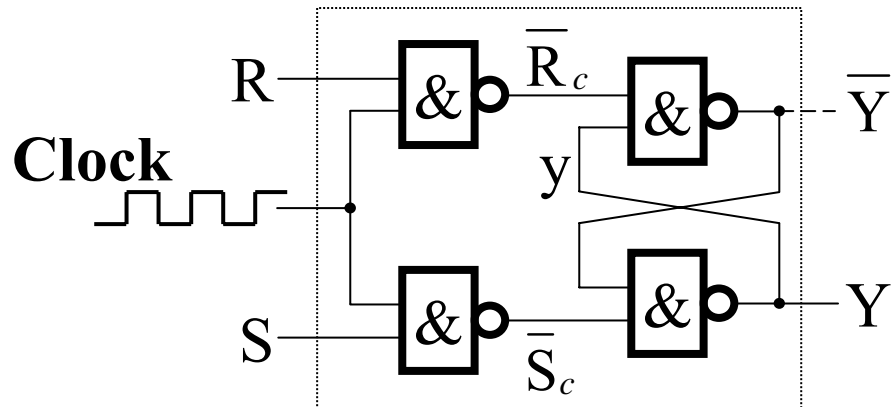


# Szinkron SR flip-flop

S	R	y	Y
0	0	0	0
0	1	0	0
1	1	0	--
1	0	0	1
0	0	1	1
0	1	1	0
1	1	1	--
1	0	1	1



Y	S		
	0	0	1
y	R		
	1	0	1



# Szinkron sorrendi hálózat tervezése 1-2.

## 1. Feladat specifikáció



## Előzetes állapototábla

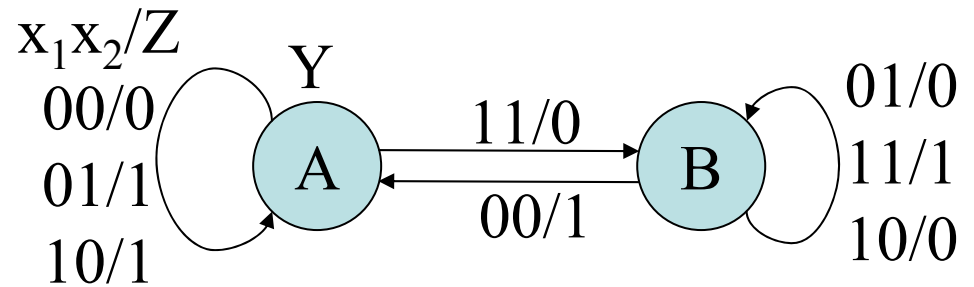
	$x_1x_2$	00	01	11	10
$y$					
A	a	a0	b1	c0	b1
B	b	a0	b1	c0	b1
c		b1	c0	c1	c0

YZ

## 2. Összevont állapototábla és állapotgráf

$x_1x_2$	00	01	11	10	
$y$					
$a, b$	A	A0	A1	B0	A1
$c$	B	A1	B0	B1	B0

YZ



# Szinkron sorrendi hálózat tervezése 3.

## 3. Állapotkódolás

$x_1x_2$ $y$	00	01	11	10
0 A	A0	A1	B0	A1
1 B	A1	B0	B1	B0

YZ

$x_1x_2$ $y$	00	01	11	10
0	00	01	10	01
1	01	10	11	10

YZ



# Szinkron sorrendi hálózat tervezése 4.

## 4. Kimeneti függvény

$x_1x_2$ y	00	01	11	10
0	00	01	10	01
1	01	10	11	10

YZ

	$x_1$		
	1		1
y	1		1

$x_2$

$$Z = \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} \cdot y + \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot \overline{y} + x_1 \cdot x_2 \cdot y + x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{y}$$

$$Z = y(\overline{x_1} \cdot \overline{x_2} + x_1 \cdot x_2) + \overline{y}(\overline{x_1} \cdot x_2 + x_1 \cdot \overline{x_2})$$

$$Z = y(\overline{x_1 \oplus x_2}) + \overline{y}(x_1 \oplus x_2) = y \oplus x_1 \oplus x_2$$

# Szinkron sorrendi hálózat tervezése 5-6.

## 5. Vezérlési tábla SR FF-hoz

$x_1x_2$ y	00	01	11	10
0	00	01	10	01
1	01	10	11	10

YZ

$x_1x_2$ y	00	01	11	10
0				
1				

SR

# Szinkron sorrendi hálózat tervezése 5-6.

## 5. Vezérlési tábla SR FF-hoz

$x_1x_2$ y	00	01	11	10
0	00	01	10	01
1	01	10	11	10

YZ

$x_1x_2$ y	00	01	11	10
0	0-	0-		0-
1		-0	-0	-0

SR

# Szinkron sorrendi hálózat tervezése 5-6.

## 5. Vezérlési tábla SR FF-hoz

$x_1x_2$ \ y	00	01	11	10
0	00	01	10	01
1	01	10	11	10

YZ

$x_1x_2$ \ y	00	01	11	10
0	0-	0-	10	0-
1	01	-0	-0	-0

SR

## 6. Vezérlési függvények

	$x_1$			
			1	
y		-	-	-
	$x_2$			

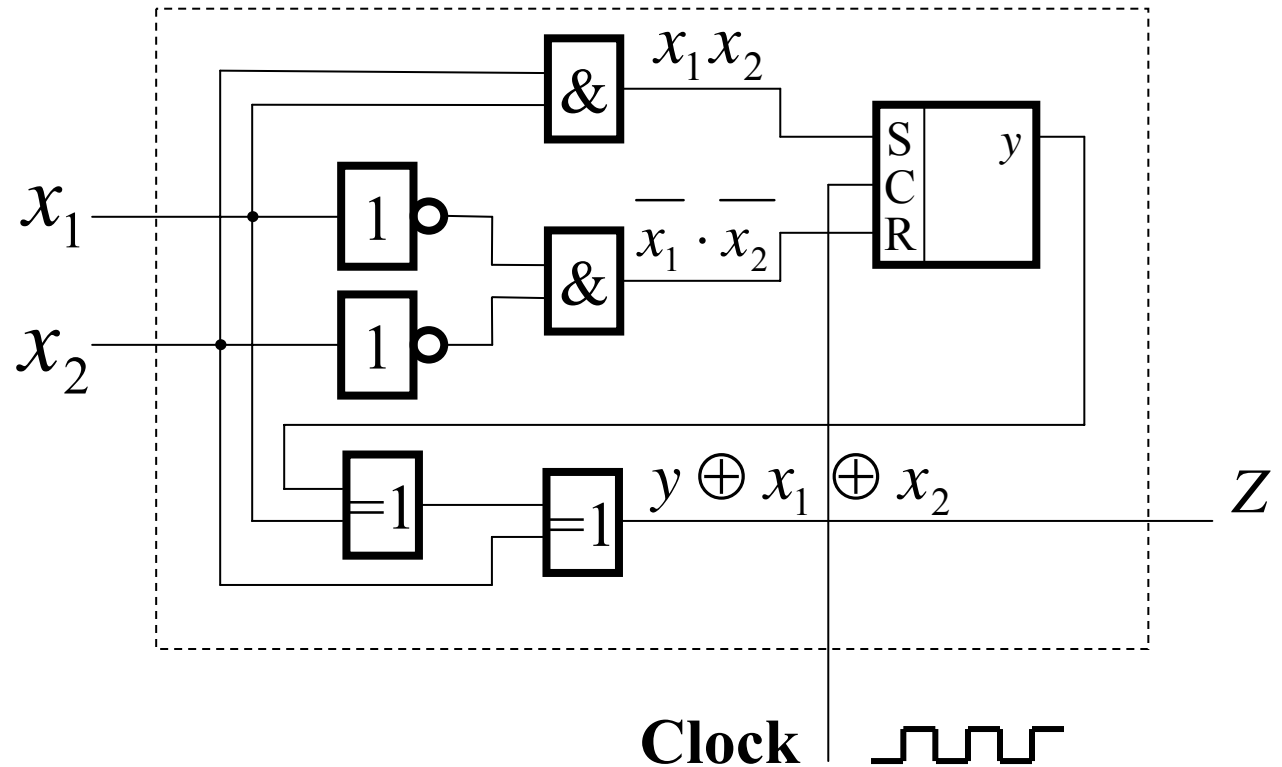
$$S = x_1 x_2$$

	$x_1$			
	-	-		-
y	1			
	$x_2$			

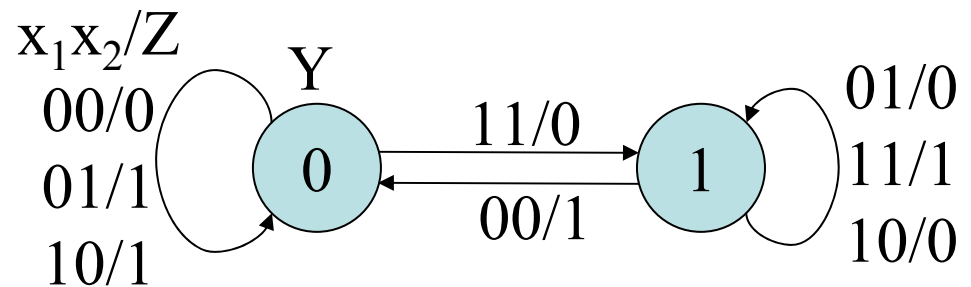
$$R = \overline{x_1} \cdot \overline{x_2}$$

# Szinkron sorrendi hálózat tervezése 7-8.

## 7. A megvalósítás logikai vázlatja



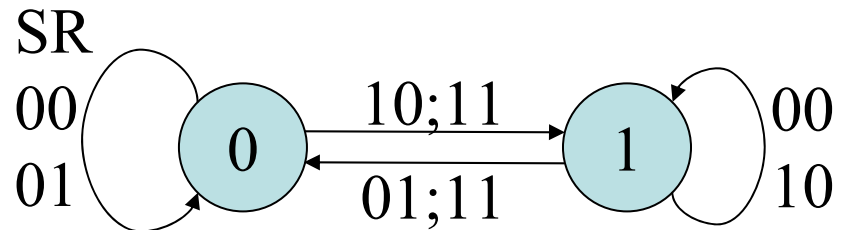
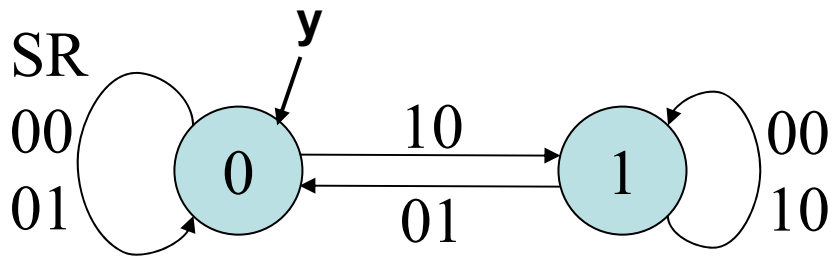
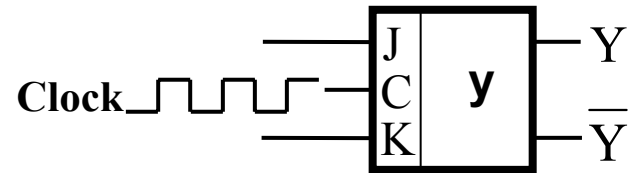
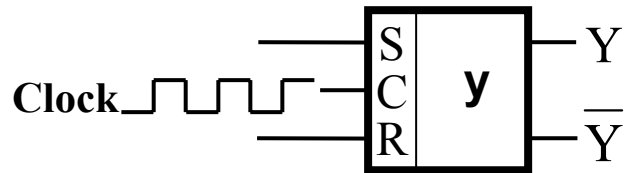
## 8. Ellenőrzés



# Flip-flopok

- $SR^*$
- JK
- T
- $DG^*$
- D

# SR és JK flip-flop



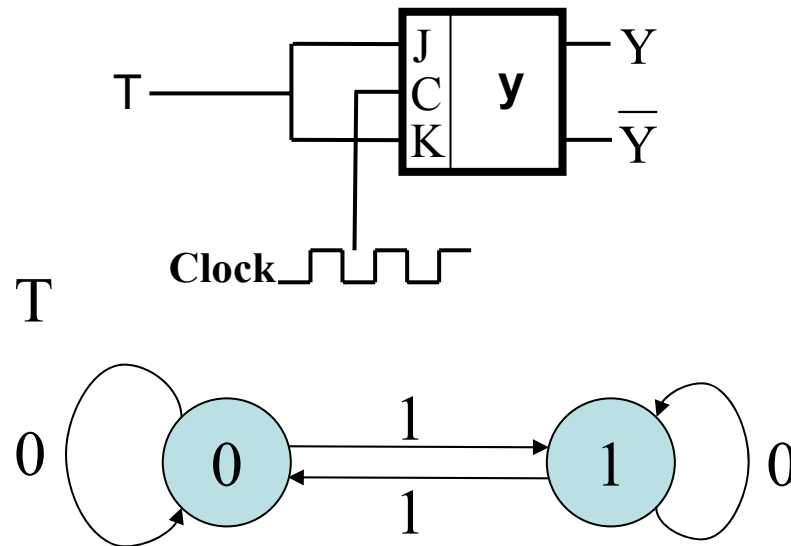
SR \ y	00	01	11	10
0	0	0	--	1
1	1	0	--	1

Y

JK \ y	00	01	11	10
0	0	0	1	1
1	1	0	0	1

Y

# T flip-flop

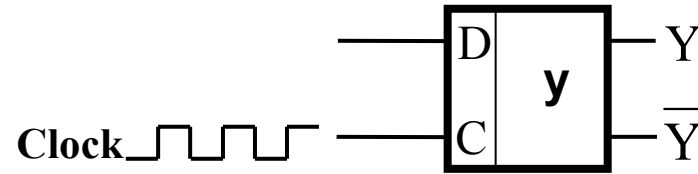
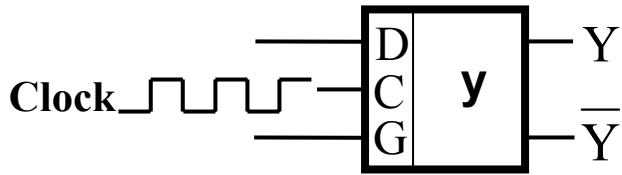


T \ y	0	1
0	0	1
1	1	0

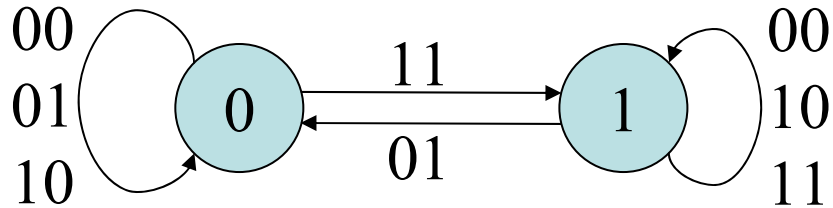
Y



# DG és D flip-flop



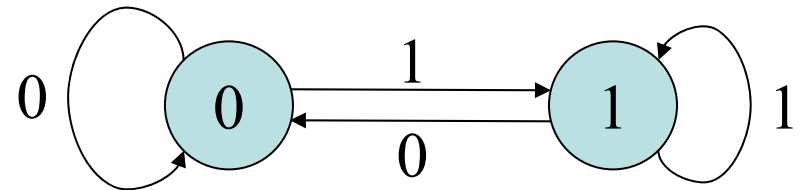
DG



DG \ y	00	01	11	10
0	0	0	1	0
1	1	0	1	1

Y

D



D \ y	0	1
0	0	1
1	0	1

Y

# Vezérlési tábla SR és JK FF-hoz

$x_1x_2$ y	00	01	11	10
0	00	01	10	01
1	01	10	11	10

YZ

$x_1x_2$ y	00	01	11	10
0	0-	0-	10	0-
1	01	-0	-0	-0

SR

$x_1x_2$ y	00	01	11	10
0	0-	0-	1-	0-
1	-1	-0	-0	-0

JK

**S**

	$x_1$			
		1		
y	-	-	-	-

$x_2$

**R**

	$x_1$			
	-	-		-
y	1			

$x_2$

**J**

	$x_1$			
		1		
y	-	-	-	-

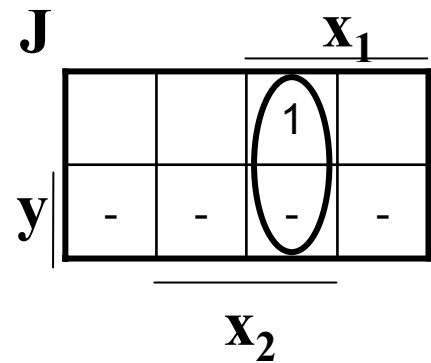
$x_2$

**K**

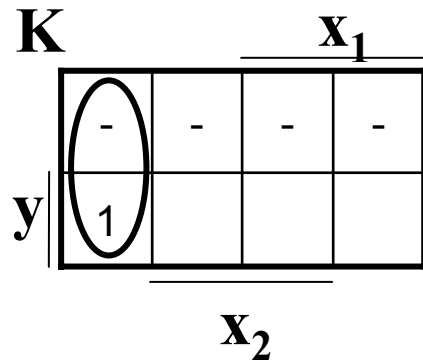
	$x_1$			
	-	-	-	-
y	1			

$x_2$

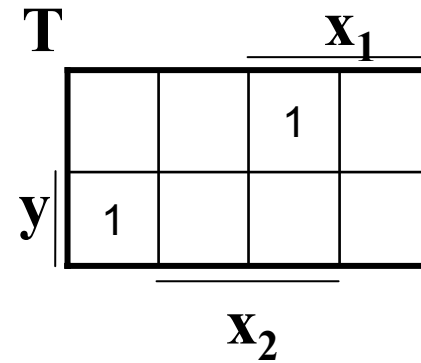
# Megvalósítás JK és T FF-pal



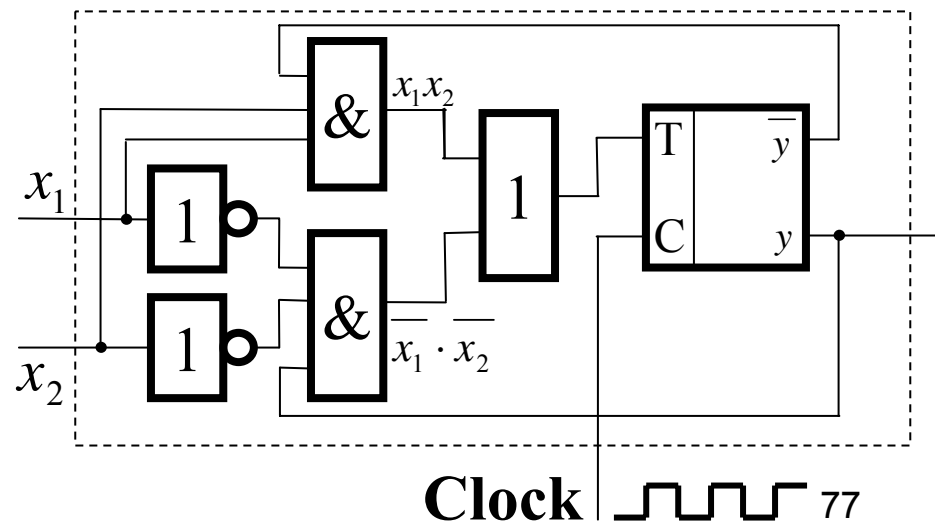
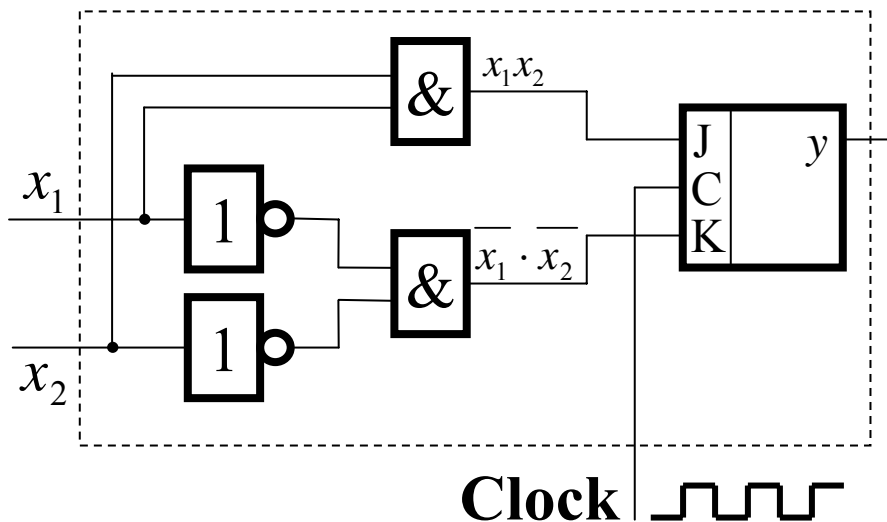
$$J = x_1 x_2$$



$$K = \overline{x_1} \cdot \overline{x_2}$$

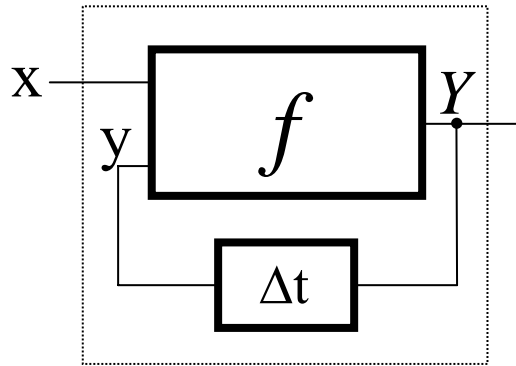


$$T = x_1 x_2 \overline{y} + \overline{x_1} \overline{x_2} y$$

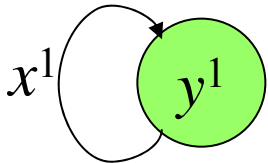


# ASZINKRON SORRENDI HÁLÓZATOK

# Aszinkron rendszer állapotváltozása

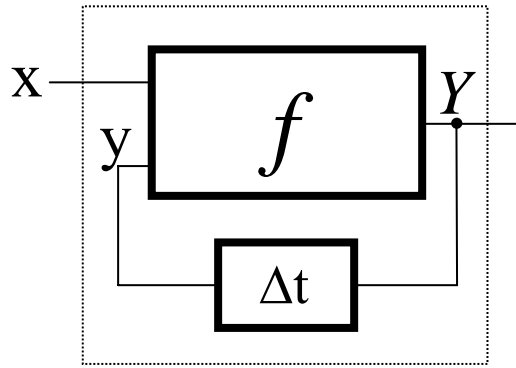


$$y^1 \times x^1 \rightarrow y^1 \quad \mathbf{Y} \quad \text{stabil}$$

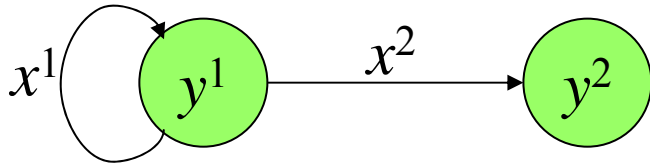


	$x$				
$y$	$x^1$	$x^1$	$x^2$	$x^3$	
$y^1$		$y^1$			
$y^2$					
$y^3$					
$y^4$					
	$Y$				

# Aszinkron rendszer állapotváltozása



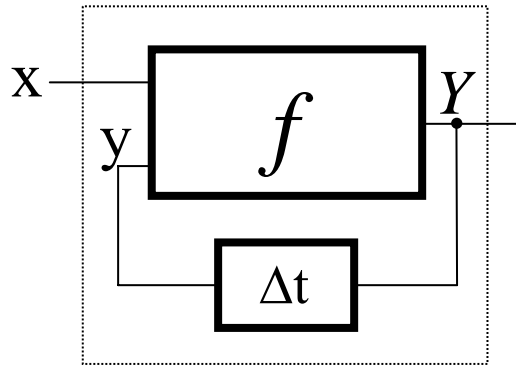
$$\begin{array}{l}
 \mathbf{Y} \\
 y^1 \times x^1 \rightarrow y^1 \quad \text{stabil} \\
 y^1 \times x^2 \rightarrow y^2 \quad \text{instabil}
 \end{array}$$



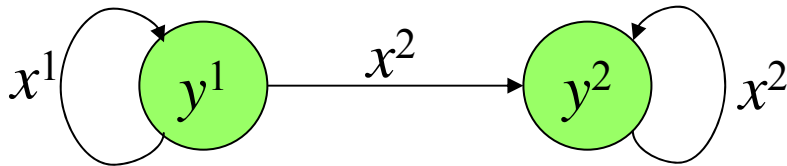
y \ x	x <sup>1</sup>	x <sup>2</sup>	x <sup>3</sup>	
y <sup>1</sup>	(y <sup>1</sup> )	y <sup>2</sup>		
y <sup>2</sup>				
y <sup>3</sup>				
y <sup>4</sup>				

Y

# Aszinkron rendszer állapotváltozása

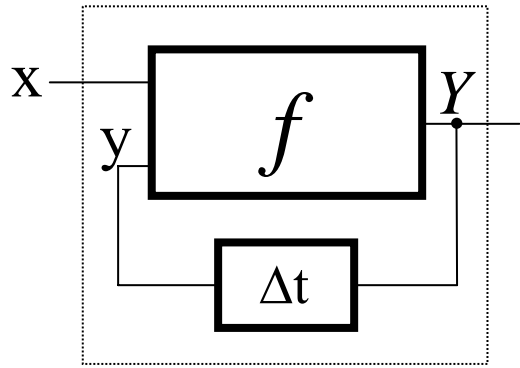


	<b>Y</b>	
$y^1 \times x^1$	$\rightarrow y^1$	stabil
$y^1 \times x^2$	$\rightarrow y^2$	instabil
$y^2 \times x^2$	$\rightarrow y^2$	stabil

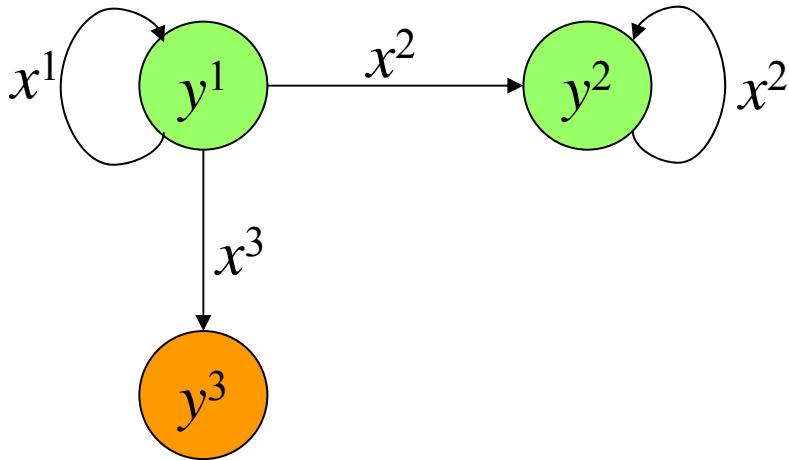


$y \backslash x$	$x^1$	$x^2$	$x^3$	
$y^1$	$\textcircled{y^1}$	$y^2$		
$y^2$		$\textcircled{y^2}$		
$y^3$				
$y^4$				
<b>Y</b>				

# Aszinkron rendszer állapotváltozása



$$\begin{array}{l}
 \mathbf{Y} \\
 y^1 \times x^1 \rightarrow y^1 \quad \text{stabil} \\
 y^1 \times x^3 \rightarrow y^3 \quad \text{instabil}
 \end{array}$$

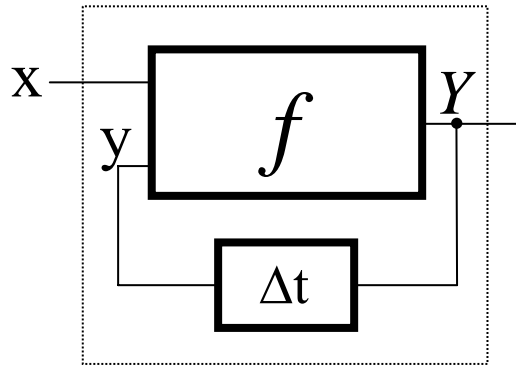


$y \backslash x$	$x^1$	$x^2$	$x^3$	
$y^1$	$(y^1)$	$y^2$	$y^3$	
$y^2$		$(y^2)$		
$y^3$				
$y^4$				

$\mathbf{Y}$



# Aszinkron rendszer állapotváltozása

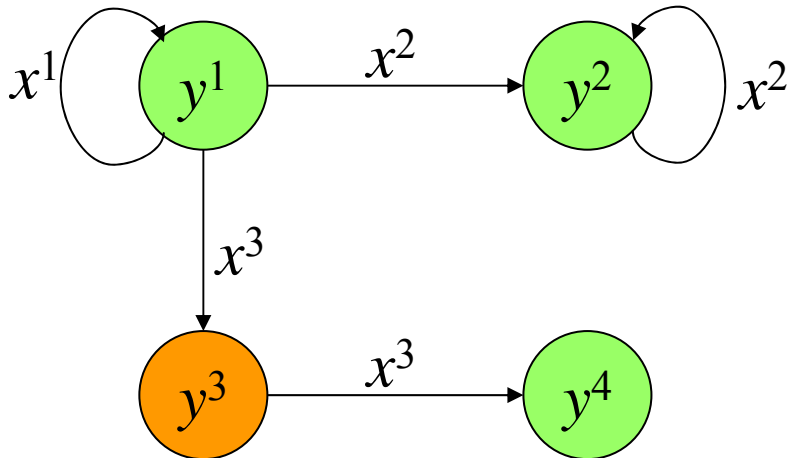


**Y**

$$y^1 \times x^1 \rightarrow y^1 \quad \text{stabil}$$

$$y^1 \times x^3 \rightarrow y^3 \quad \text{instabil}$$

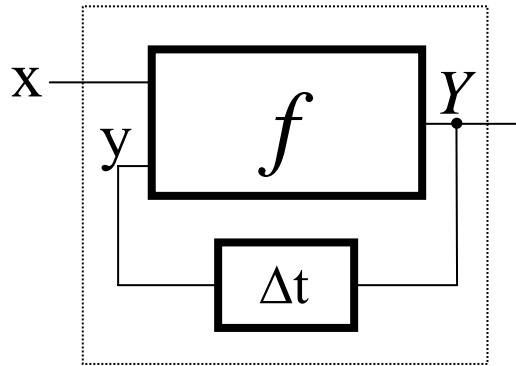
$$y^3 \times x^3 \rightarrow y^4 \quad \text{instabil}$$



y \ x	x <sup>1</sup>	x <sup>2</sup>	x <sup>3</sup>	
y <sup>1</sup>	(y <sup>1</sup> )	y <sup>2</sup>	y <sup>3</sup>	
y <sup>2</sup>		(y <sup>2</sup> )	--	
y <sup>3</sup>			y <sup>4</sup>	
y <sup>4</sup>				

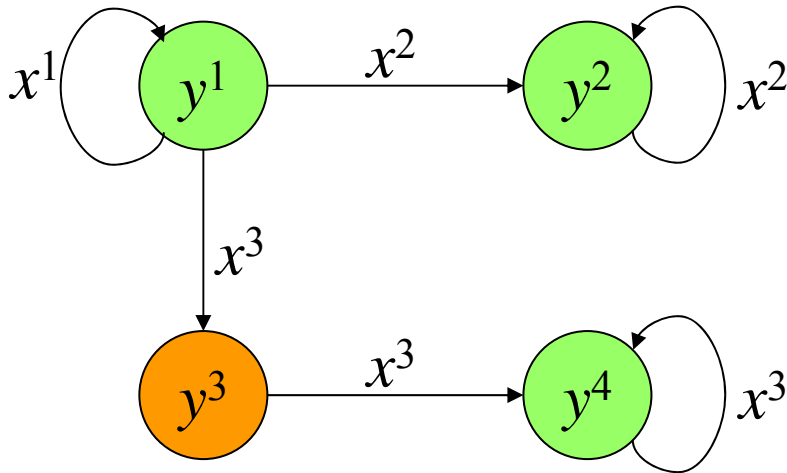
Y

# Aszinkron rendszer állapotváltozása



**Y**

$y^1 \times x^1 \rightarrow y^1$  stabil  
 $y^1 \times x^3 \rightarrow y^3$  instabil  
 $y^3 \times x^3 \rightarrow y^4$  instabil  
 $y^4 \times x^3 \rightarrow y^4$  stabil



$y \backslash x$	$x^1$	$x^2$	$x^3$	
$y^1$	$\textcircled{y^1}$	$y^2$	$y^3$	
$y^2$		$\textcircled{y^2}$	--	
$y^3$			$y^4$	
$y^4$			$\textcircled{y^4}$	

Y

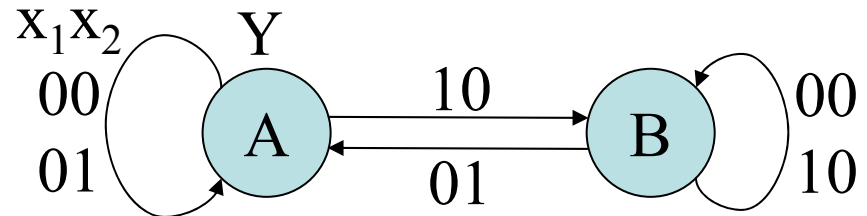
# Egyszerű aszinkron sorrendi hálózat tervezése 1-2.

## 1. Feladat specifikáció



$x_1$	$x_2$	$Y$
0	0	$y$
0	1	<b>A</b>
1	0	<b>B</b>
1	1	-

## 2. A specifikáció elemzése, állapotgráf és -tábla létrehozása



$x_1x_2$	00	01	11	10
$y$				
A	(A)	(A)	--	B
B	(B)	A	--	(B)

$Y$

# Egyszerű aszinkron sorrendi hálózat tervezése 3.

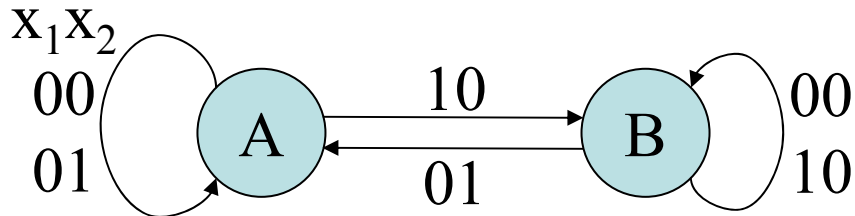
## 3. Felismerés, állapotkódolás



$x_1$	$x_2$	Y
0	0	y
0	1	A
1	0	B
1	1	-

$x_1 x_2$	00	01	11	10
y				
A	(A)	(A)	--	B
B	(B)	A	--	(B)

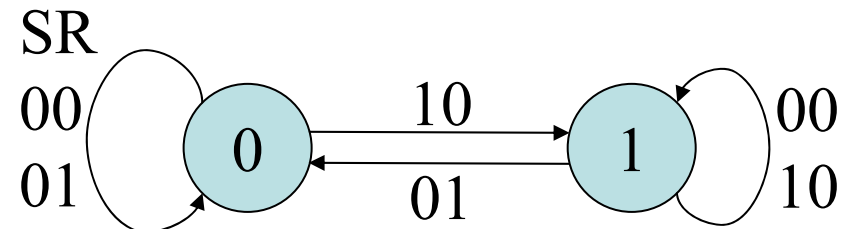
Y



S	R	Q
0	0	$Q^{-1}$
0	1	0
1	0	1
1	1	-

SR	00	01	11	10
y				
0	(0)	(0)	--	1
1	(1)	0	--	(1)

Y



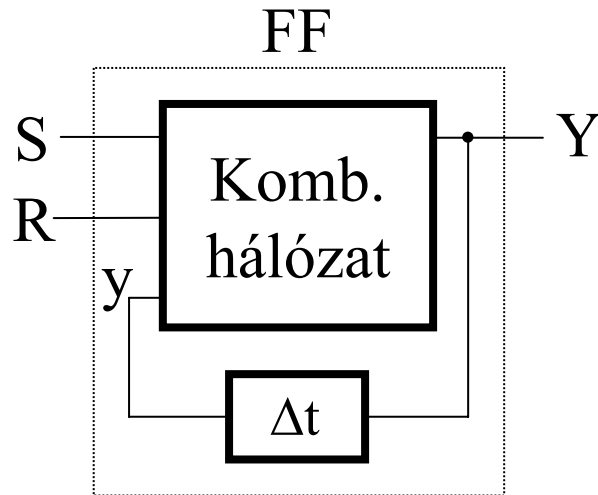
# Egyszerű aszinkron sorrendi hálózat tervezése 4.

## 4. Megvalósítás eszköze, vezérlési tábla



SR y	00	01	11	10
0	0	0	--	1
1	1	0	--	1

Y



		S		
	0	0	--	1
y	1	0	--	1
		R		

# Egyszerű aszinkron sorrendi hálózat tervezése 5-6.

## 5-6. Vezérlési függvény, megvalósítási változatok

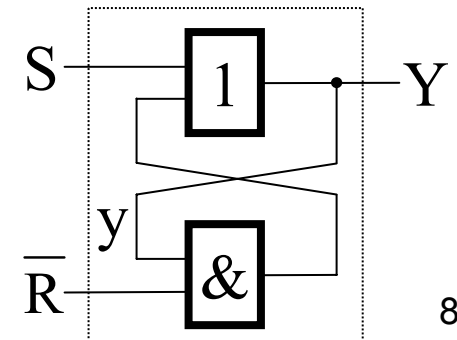
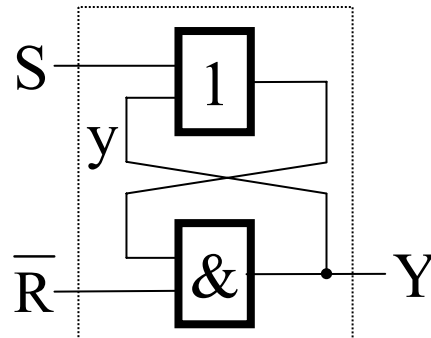
	<b>S</b>		
<b>Y</b>	0	0	--
<b>y</b>	1	0	--
	<b>R</b>		

	<b>S</b>		
<b>Y</b>	0	0	1
<b>y</b>	1	0	1
	<b>R</b>		

	<b>S</b>		
<b>Y</b>	0	0	1
<b>y</b>	1	0	1
	<b>R</b>		

$$\begin{aligned}
 Y &= S\bar{R} + y\bar{R} = \\
 &= \bar{R}(S + y)
 \end{aligned}$$

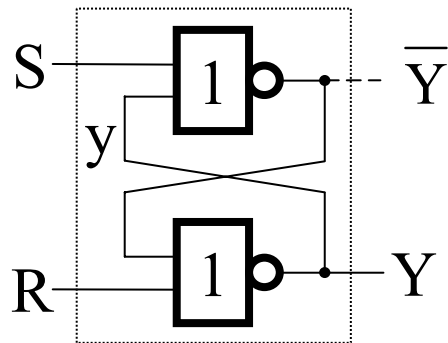
$$Y = S + y\bar{R}$$



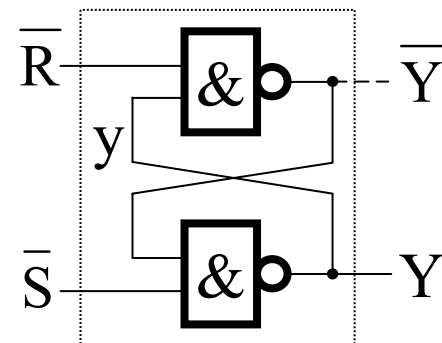
# Egyszerű aszinkron sorrendi hálózat tervezése 7.

## 7. Megvalósítás univerzális elemekkel

$$Y = \overline{R}(S + y) = \overline{\overline{\overline{R}(S + y)}} = \overline{R + S + y}$$

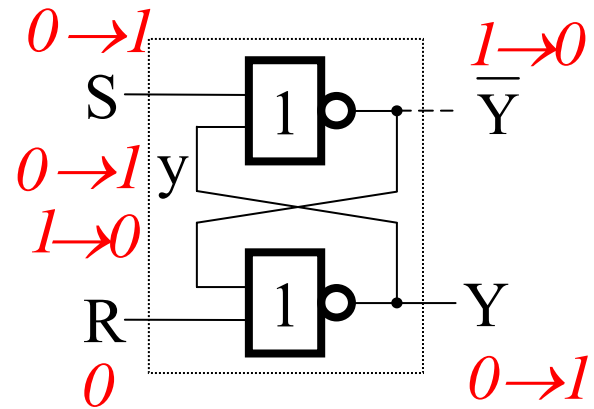
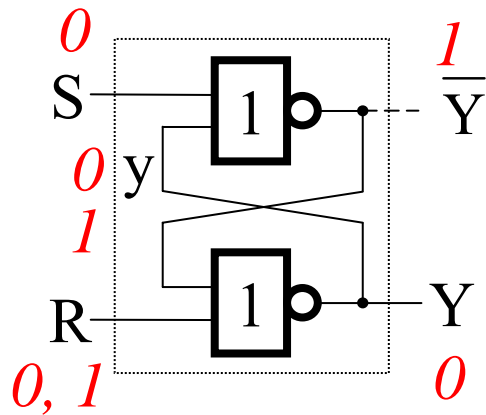
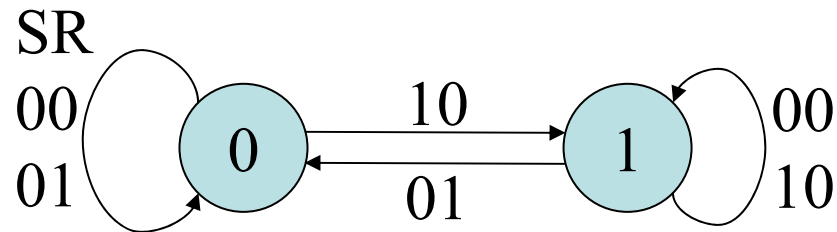


$$Y = S + y\overline{R} = \overline{\overline{S + y\overline{R}}} = \overline{\overline{S} * y\overline{R}}$$



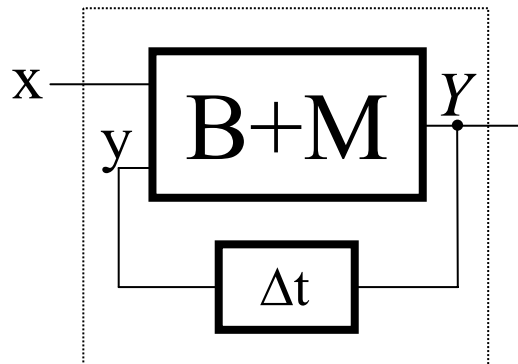
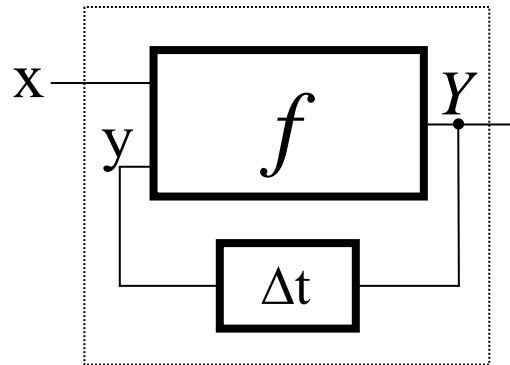
# Egyszerű aszinkron sorrendi hálózat tervezése 8.

## 8. Ellenőrzés

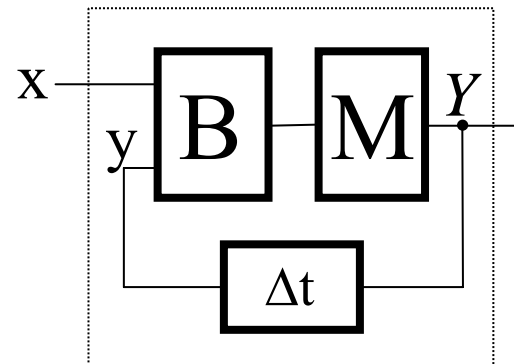




# Aszinkron sorrendi hálózatok megvalósítása



Visszacsatolt  
kombinációs hálózattal



Aszinkron  
tároló elemekkel

# Példa aszinkron hálózat tervezésére

Versenyhelyzet és kiküszöbölése

# Specifikáció – állapottábla

		Y Z			
		00	01	11	10
$x_1x_2$	y				
a		Ⓐ0	b0	--	c0
b		a0	Ⓑ0	d0	--
c		a0	--	e--	Ⓒ0
d		--	b0	Ⓓ0	c0
e		--	g1	Ⓔ1	f1
f		h1	--	e1	Ⓕ1
g		h1	Ⓖ1	e1	--
h		Ⓗ1	b--	--	f1

$x_1$  — Aszinkron — Z  
 $x_2$  — hálózat

# Összevont állapotábra

		Y Z			
$x_1x_2$		00	01	11	10
y					
a		Ⓐ0	b0	--	c0
b		a0	Ⓑ0	d0	--
c		a0	--	e--	Ⓒ0
d		--	b0	Ⓓ0	c0
e		--	g1	Ⓔ1	f1
f		h1	--	e1	Ⓕ1
g		h1	Ⓖ1	e1	--
h		Ⓗ1	b--	--	f1



a, b, d → A  
 c → B  
 e, f, g → C  
 h → D

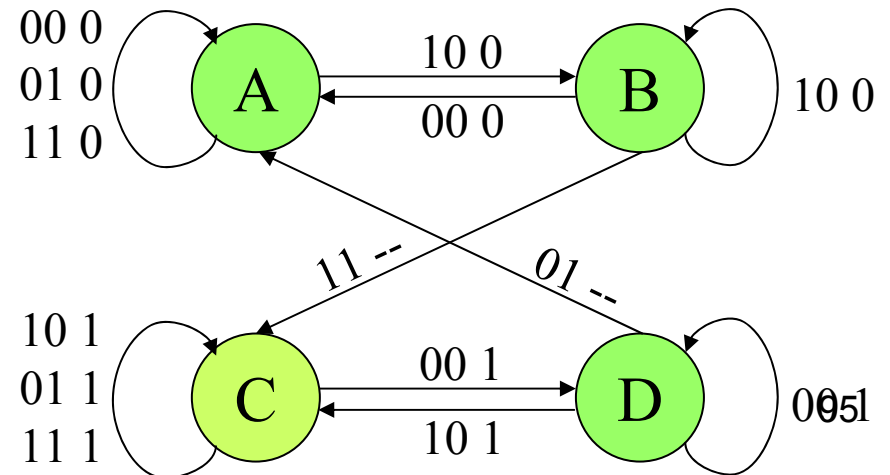
		Y Z			
$x_1x_2$		00	01	11	10
y					
A		Ⓐ0	Ⓐ0	Ⓐ0	B0
B		A0	--	C--	Ⓑ0
C		D1	Ⓒ1	Ⓒ1	Ⓒ1
D		Ⓓ1	A--	--	C1

# Összevont állapotábra és -gráf

		Y Z			
		00	01	11	10
y	$x_1x_2$				
	a	Ⓐ0	b0	--	c0
b	a0	Ⓑ0	d0	--	
c	a0	--	e--	Ⓒ0	
d	--	b0	Ⓓ0	c0	
e	--	g1	Ⓔ1	f1	
f	h1	--	e1	Ⓕ1	
g	h1	Ⓖ1	e1	--	
h	Ⓗ1	b--	--	f1	



		Y Z			
		00	01	11	10
y	$x_1x_2$				
	A	Ⓐ0	Ⓐ0	Ⓐ0	B0
B	A0	--	C--	Ⓑ0	
C	D1	Ⓒ1	Ⓒ1	Ⓒ1	
D	Ⓓ1	A--	--	C1	

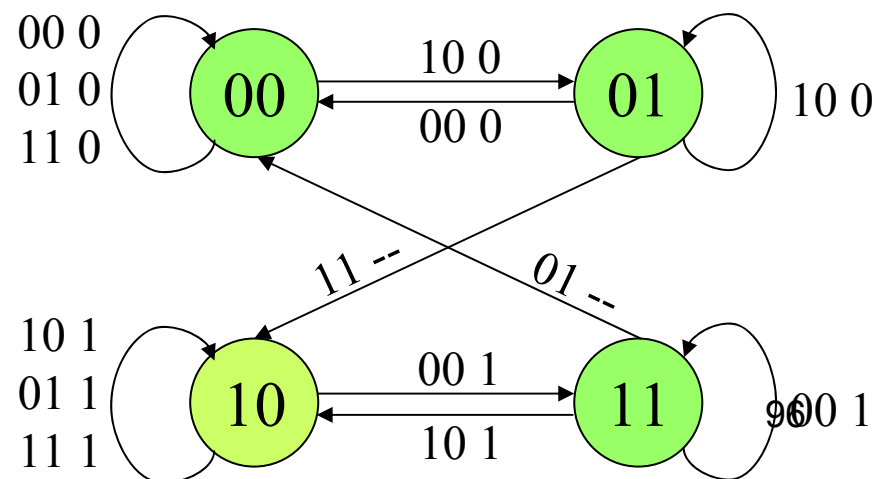
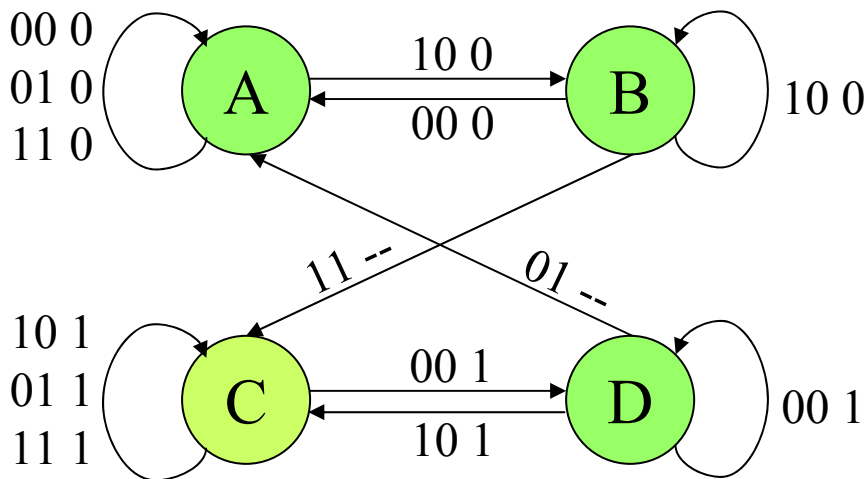


# Kódolt állapottábla és -gráf

		YZ			
		00	01	11	10
$x_1x_2$	y				
A		Ⓐ 0	Ⓐ 0	Ⓐ 0	B 0
B		A 0	--	C --	Ⓑ 0
C		D 1	Ⓒ 1	Ⓒ 1	Ⓒ 1
D		Ⓓ 1	A --	--	C 1

	$y_1$	$y_2$
A	0	0
B	0	1
C	1	0
D	1	1

		$Y_1Y_2Z$			
		00	01	11	10
$x_1x_2$	$y_1y_2$				
00		⓪ 0	⓪ 0	⓪ 0	01 0
01		00 0	--	10 --	⓪ 1 0
10		11 1	⓫ 1	⓫ 1	⓫ 1
11		⓬ 1	00 --	--	10 1



# Versenyhelyzet kiküszöbölése

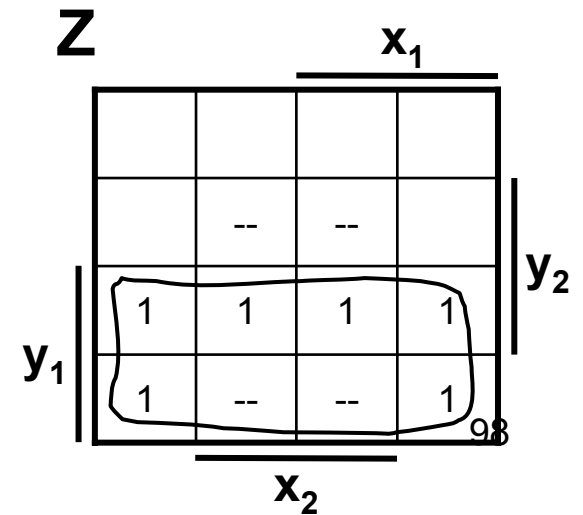
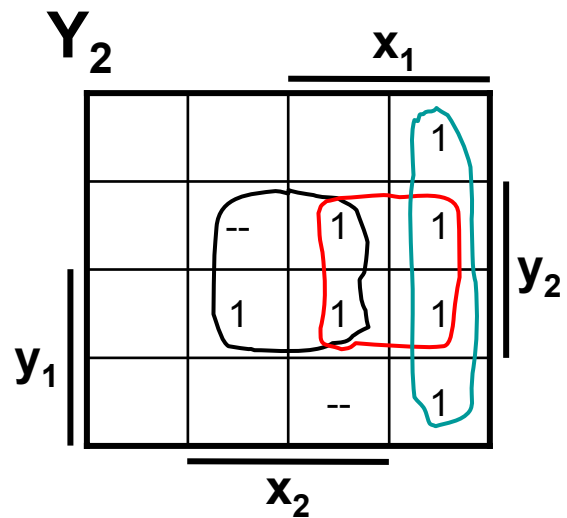
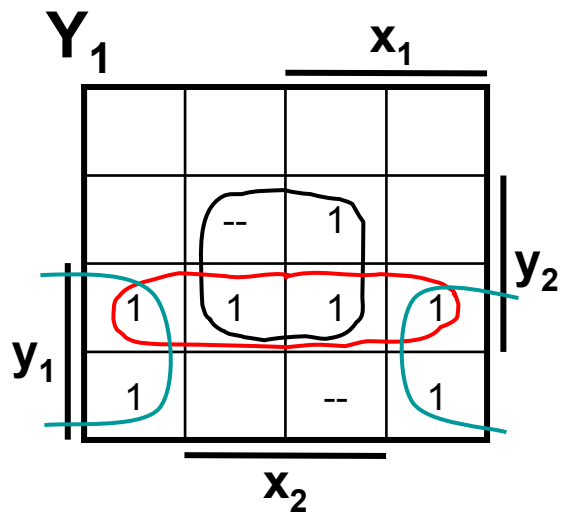
		$Y_1 Y_2 Z$			
		00	01	11	10
$X_1 X_2$	$y_1 y_2$				
00	00	00 0	00 0	00 0	01 0
01	00	00 0	--	10 --	01 0
10	11	11 1	10 1	10 1	10 1
11	11	11 1	00 --	--	10 1

		$Y_1 Y_2 Z$			
		00	01	11	10
$X_1 X_2$	$y_1 y_2$				
A	00	00 0	00 0	00 0	01 0
B	01	00 0	--	11 --	01 0
C	11	10 1	11 1	11 1	11 1
D	10	10 1	00 --	--	11 1

	$y_1$	$y_2$
A	0	0
B	0	1
C	1	1
D	1	0

# Megvalósítás visszacsatolt kombinációs hálózattal

$x_1x_2$ $y_1y_2$		$Y_1Y_2Z$			
		00	01	11	10
00	00 0	00 0	00 0	01 0	
01	00 0	--	11 --	01 0	
11	10 1	11 1	11 1	11 1	
10	10 1	00 --	--	11 1	



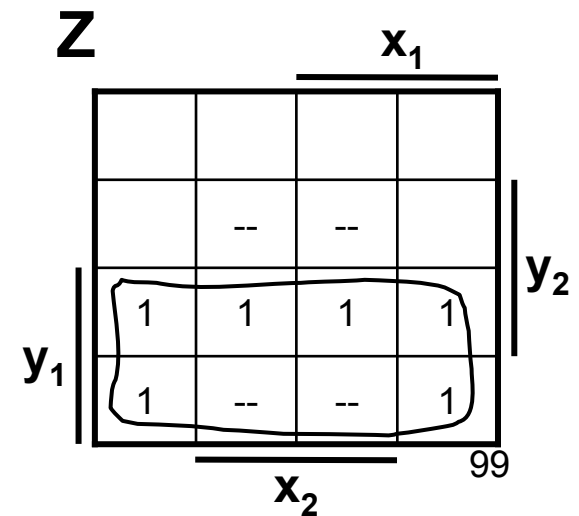
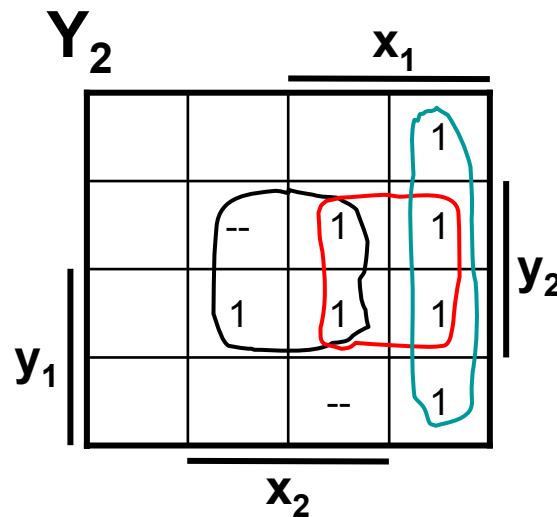
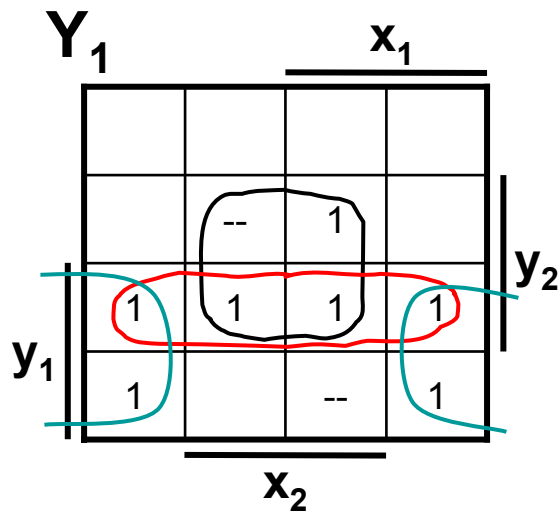


# Függvények (visszacsatolt kombinációs hálózat)

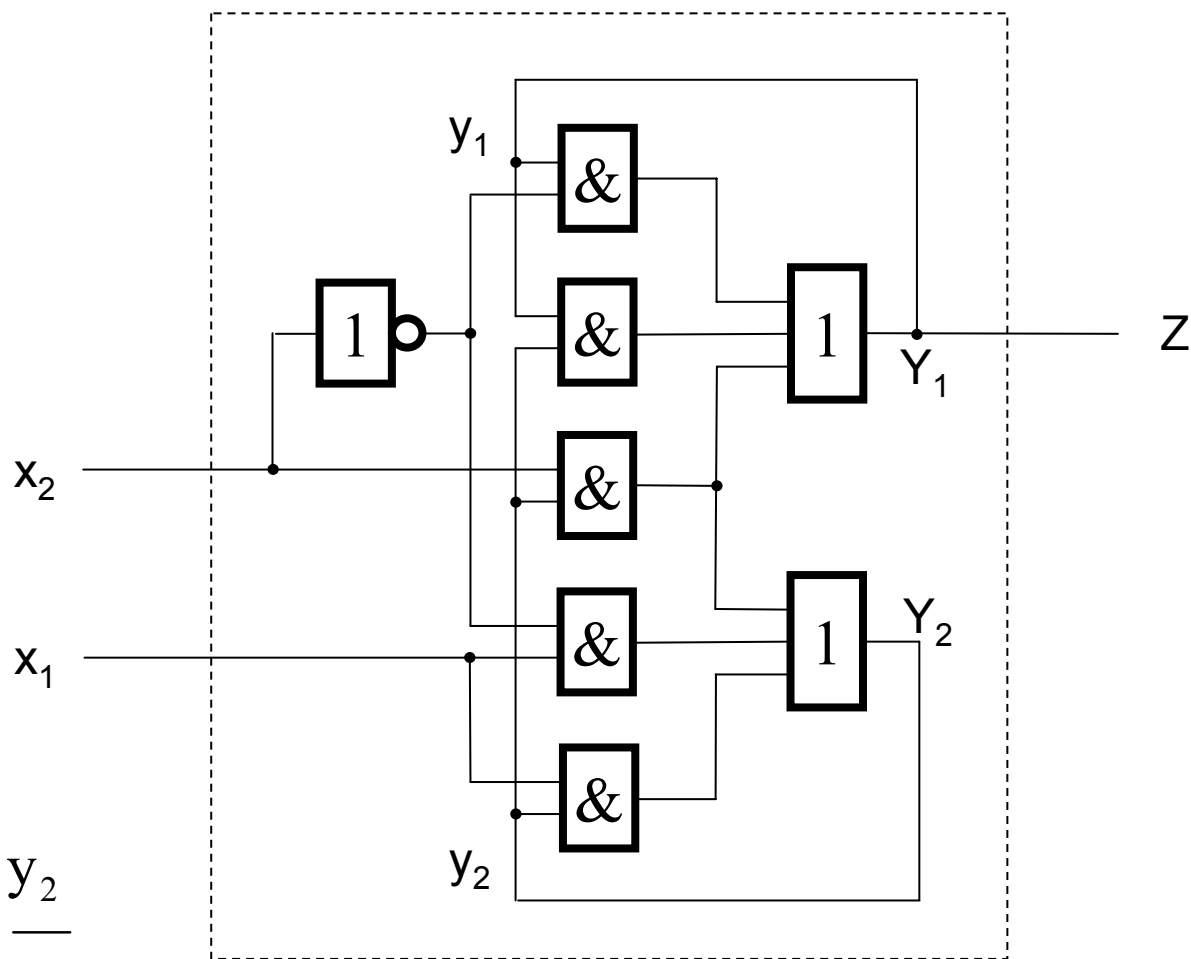
$$Y_1 = x_2 y_2 + \overline{x_2} y_1 + y_1 y_2$$

$$Y_2 = x_2 y_2 + x_1 y_2 + x_1 \overline{x_2}$$

$$Z = y_1$$



# Logikai vázlat (visszacsatolt kombinációs hálózat)



$$Y_1 = x_2 y_2 + \overline{x_2} y_1 + y_1 y_2$$

$$Y_2 = x_2 y_2 + x_1 y_2 + x_1 \overline{x_2}$$

$$Z = y_1$$

# Megvalósítás SR tárolókkal

## Vezérlési tábla

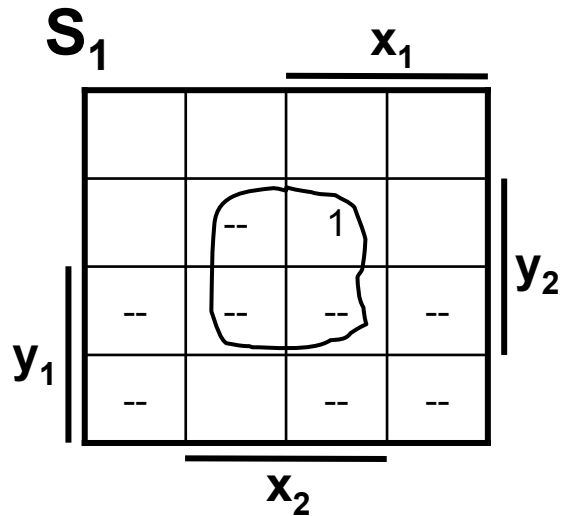
$x_1x_2$ $y_1y_2$	00	01	11	10
00	⓪0	⓪0	⓪0	010
01	000	--	11--	⓪10
11	101	⓪11	⓪11	⓪11
10	⓪10	00--	--	111

$x_1x_2$ $y_1y_2$	00	01	11	10				
00	0-	0-	0-	0-	0-	0-	0-	10
01	0-	01	--	--	10	-0	0-	-0
11	-0	01	-0	-0	-0	-0	-0	-0
10	-0	0-	01	0-	--	--	-0	10

$S_1R_1 S_2R_2$

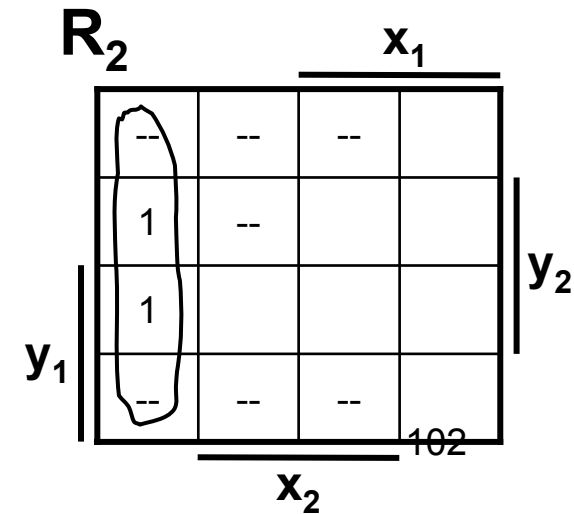
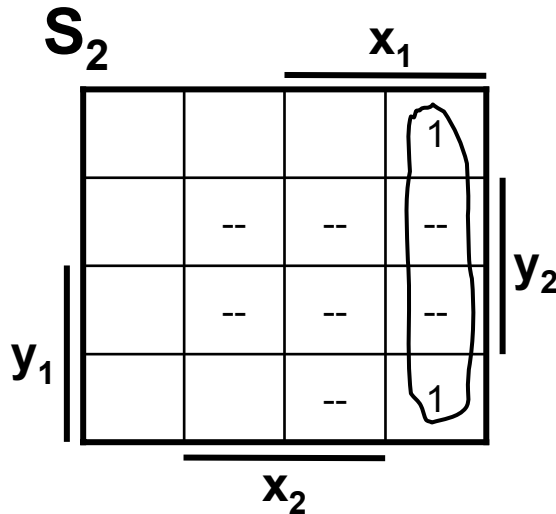
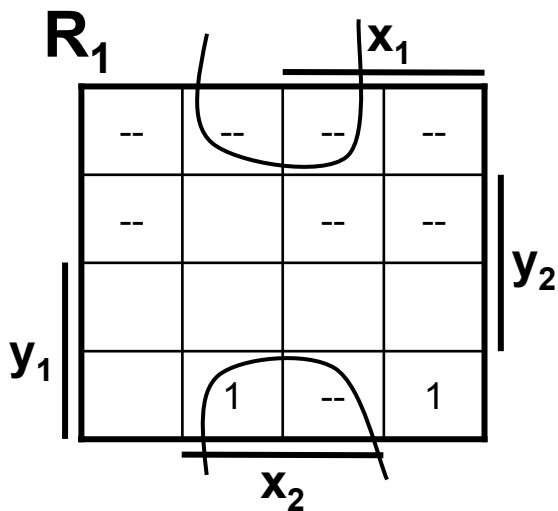
# Megvalósítás SR tárolókkal

## Karnaugh táblák

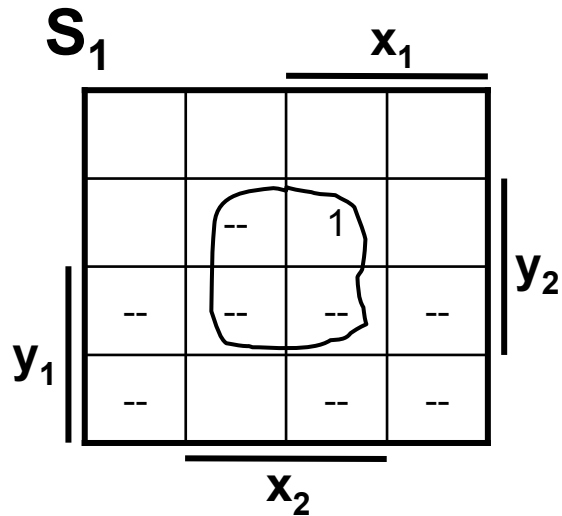


$x_1x_2$ \ $y_1y_2$	00	01	11	10
00	0-	0-	0-	0-
01	0-	01	--	--
11	-0	01	-0	-0
10	-0	0-	01	0-

S<sub>1</sub>R<sub>1</sub> S<sub>2</sub>R<sub>2</sub>



# Vezérlő függvények

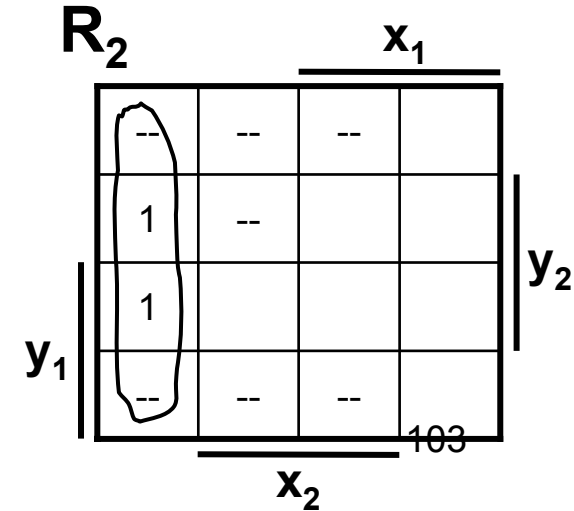
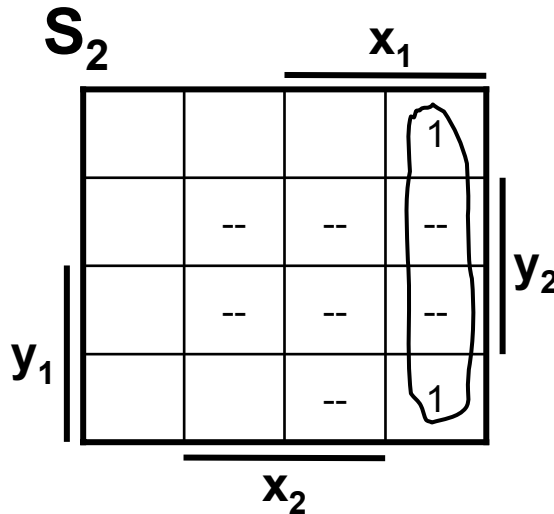
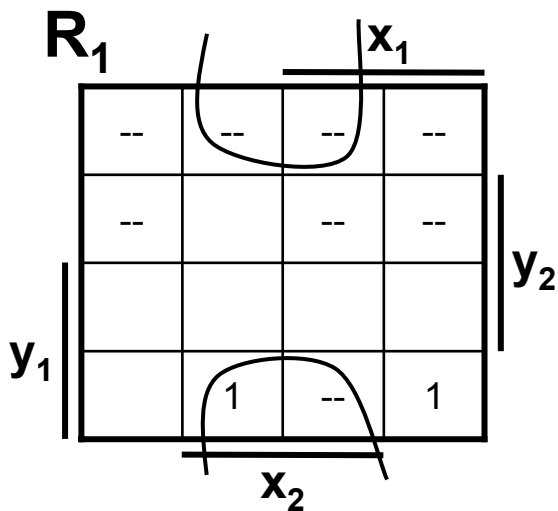


$$S_1 = x_2 y_2$$

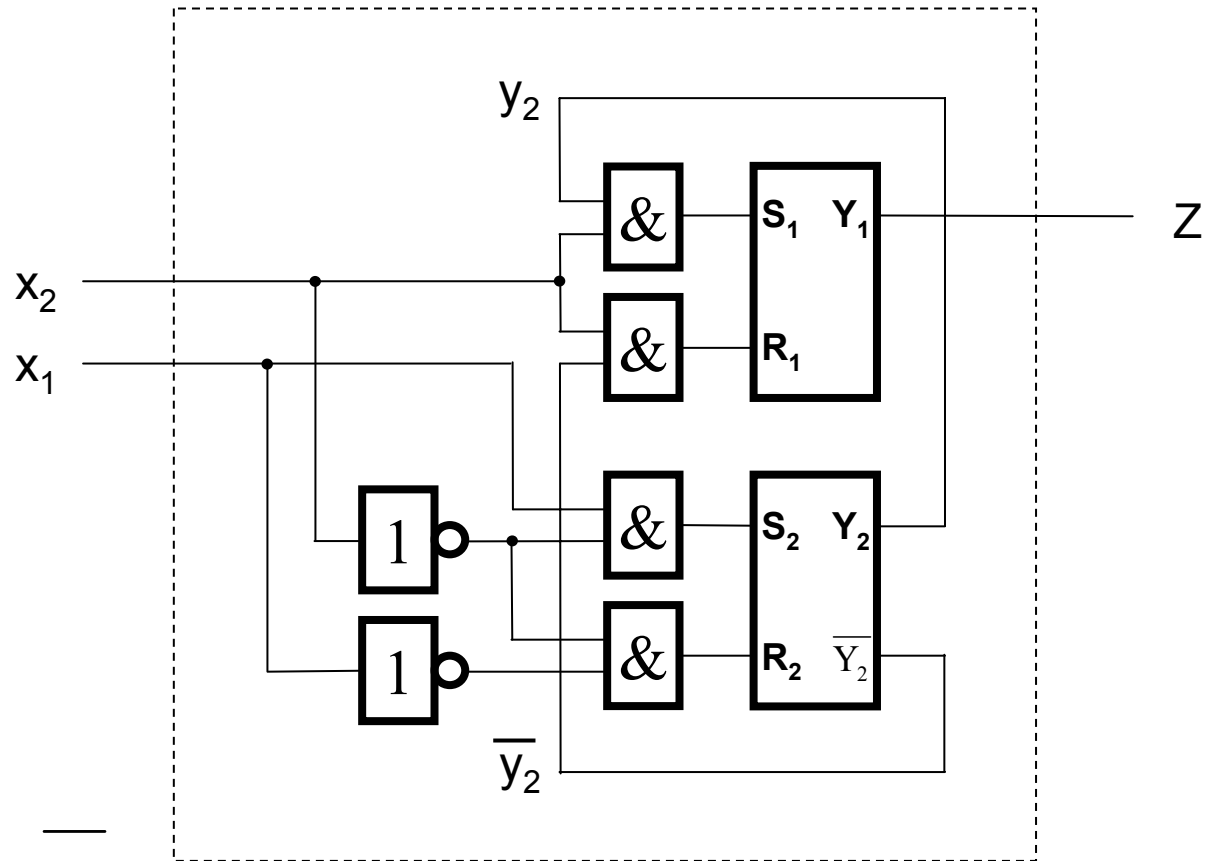
$$S_2 = x_1 \overline{x_2}$$

$$R_1 = x_2 \overline{y_2}$$

$$R_2 = \overline{x_1} x_2$$



# Logikai vázlat



$$S_1 = x_2 y_2$$

$$R_1 = x_2 \overline{y_2}$$

$$S_2 = x_1 \overline{x_2}$$

$$R_2 = \overline{x_1} \overline{x_2}$$

# Aszinkron sorrendi hálózat dinamikai problémái

## *Hazárd*

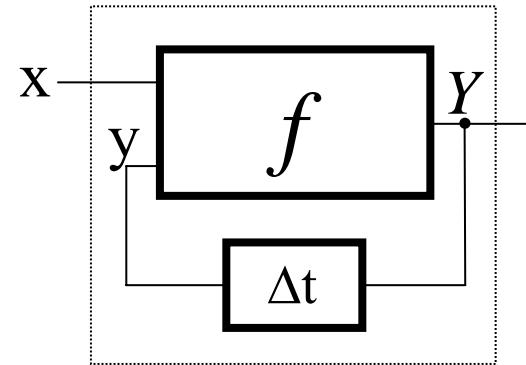
- *funkcionális*
- *statikus*
- *dinamikus*

## *Oszcilláció*

## *Versenyhelyzet*

- *nem kritikus*
- *kritikus*

## *Lényeges hazárd*



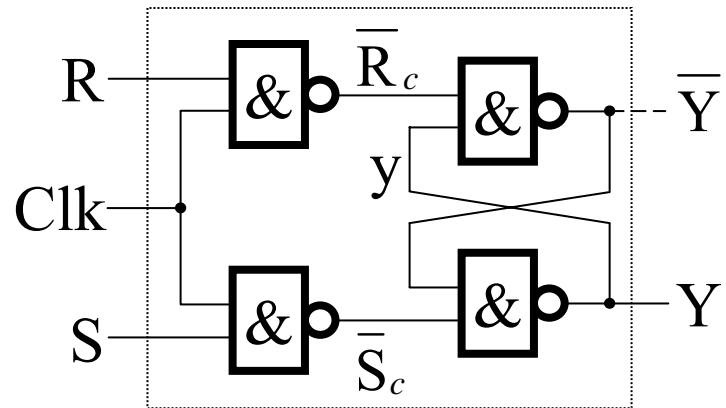
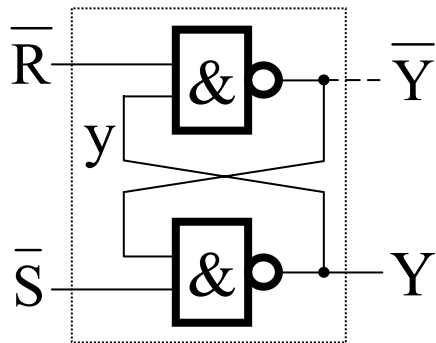
# Funkcionális hálózatok

Számláló láncok



# Flip-flopok (1)

## Aszinkron/szinkron



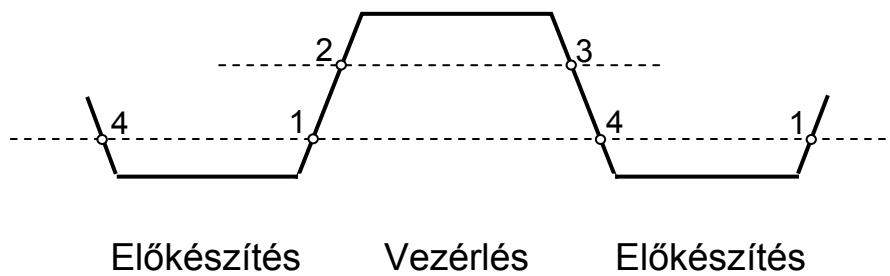
# Flip-flopok (2)

## Típusok

- SR\*
- JK
- T
- DG\*
- D
- \* aszinkron módban is működhet

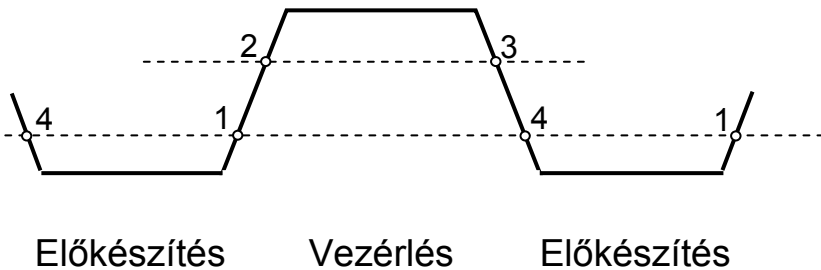
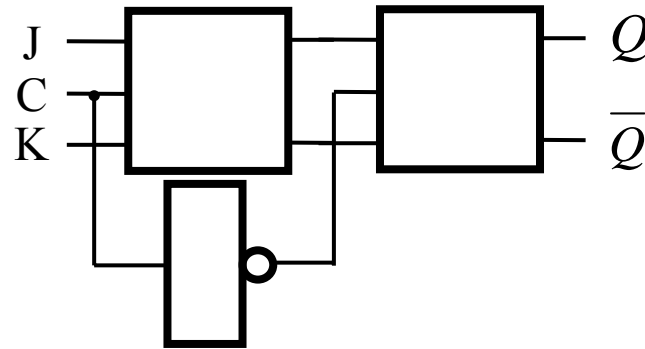
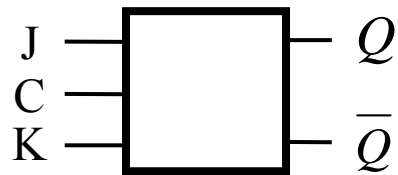
# Flip-flopok (3)

## Szintvezérlés, élvezérlés

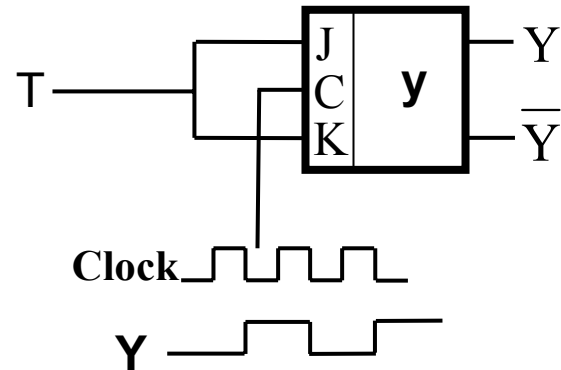


# Flip-flopok (4)

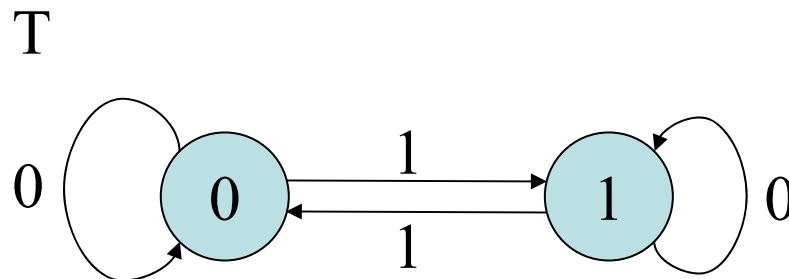
## egyfokozatú/kétfokozatú



# T flip-flop



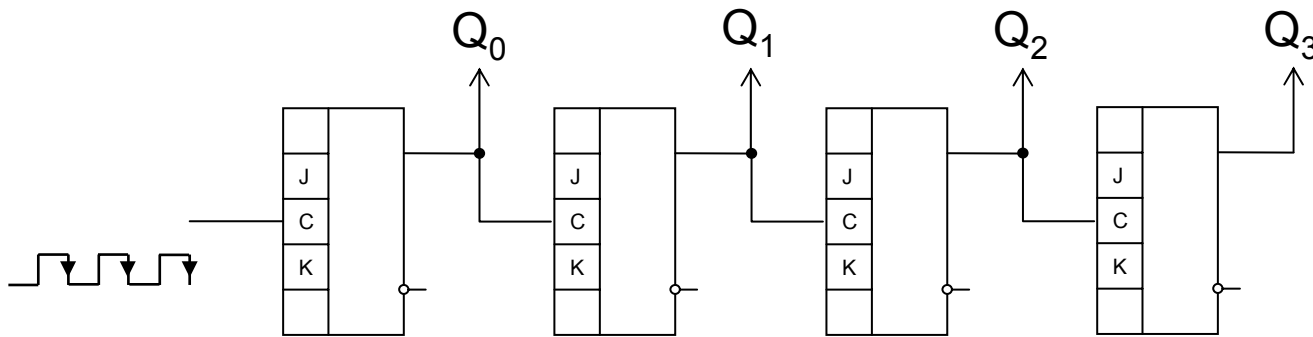
Szabad TTL bemenetek: „1”



# Számlálók

- Ciklus
  - bináris
  - decimális (BCD)
  - egyéb
- Működésmód
  - Soros („aszinkron”)
  - Párhuzamos („szinkron”)

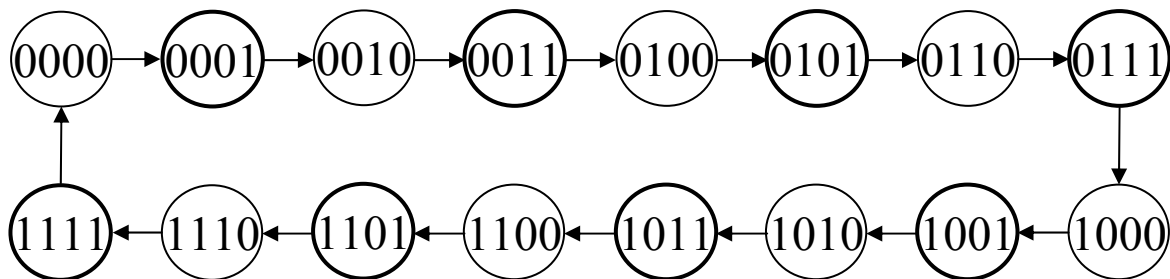
# Soros bináris számláló



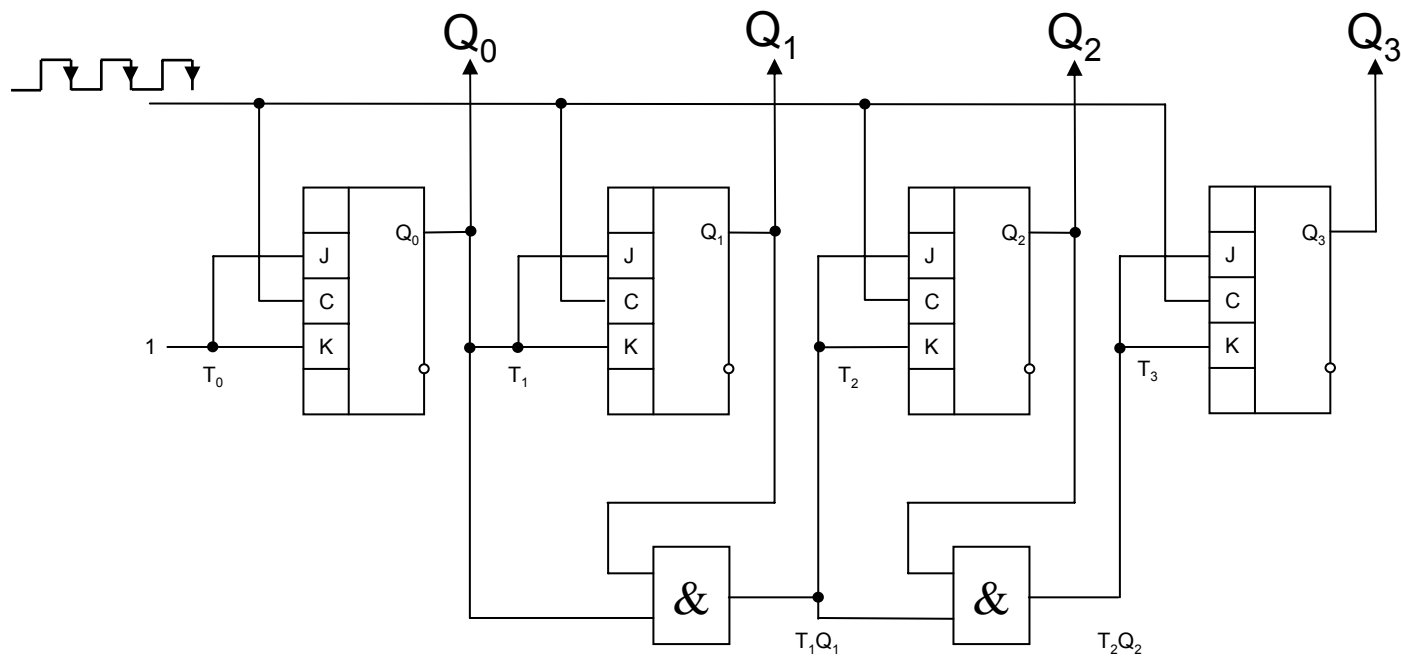
Előny: egyszerű

Hátrány: tranziensek

Szabad TTL bemenetek: „1”

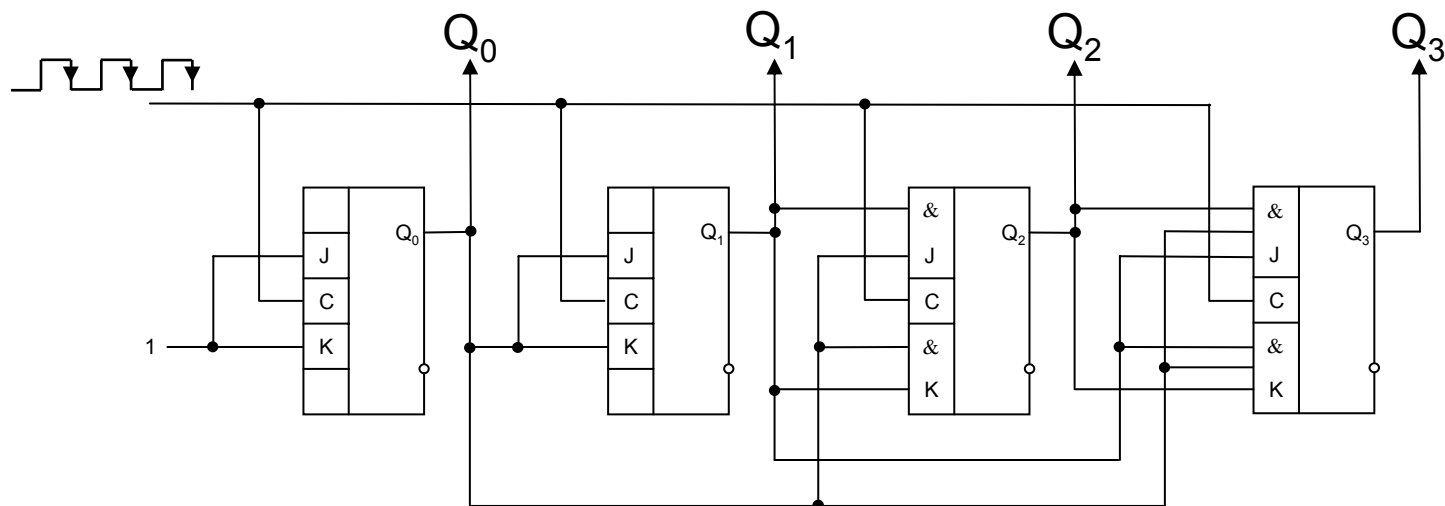


# Párhuzamos bináris számláló (1)

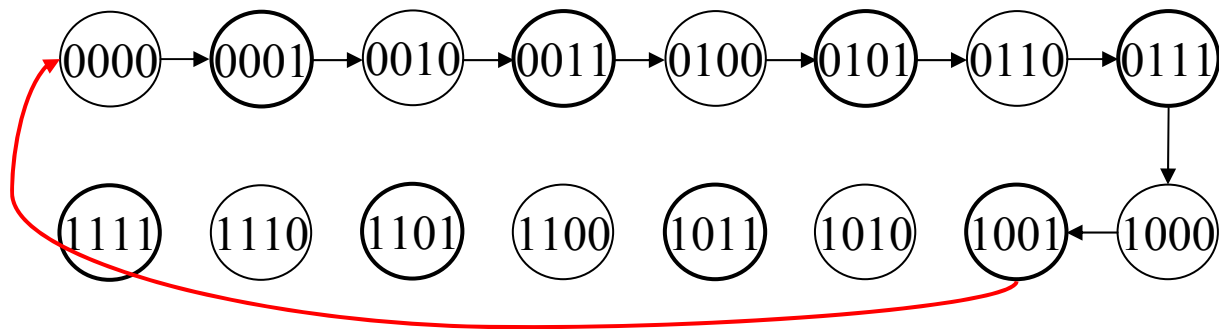
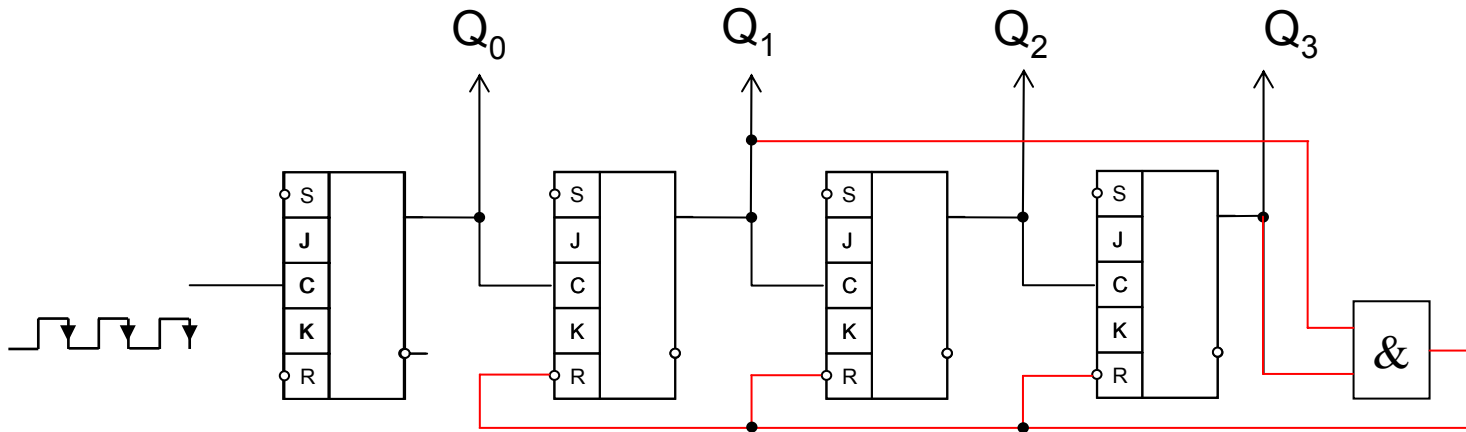




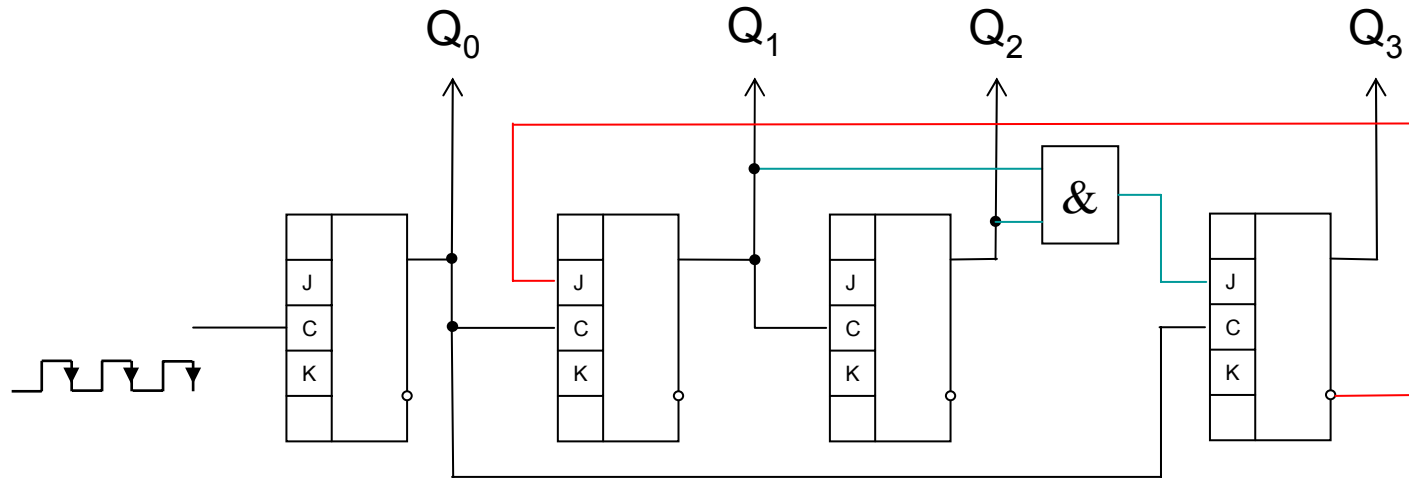
# Párhuzamos bináris számláló (2)



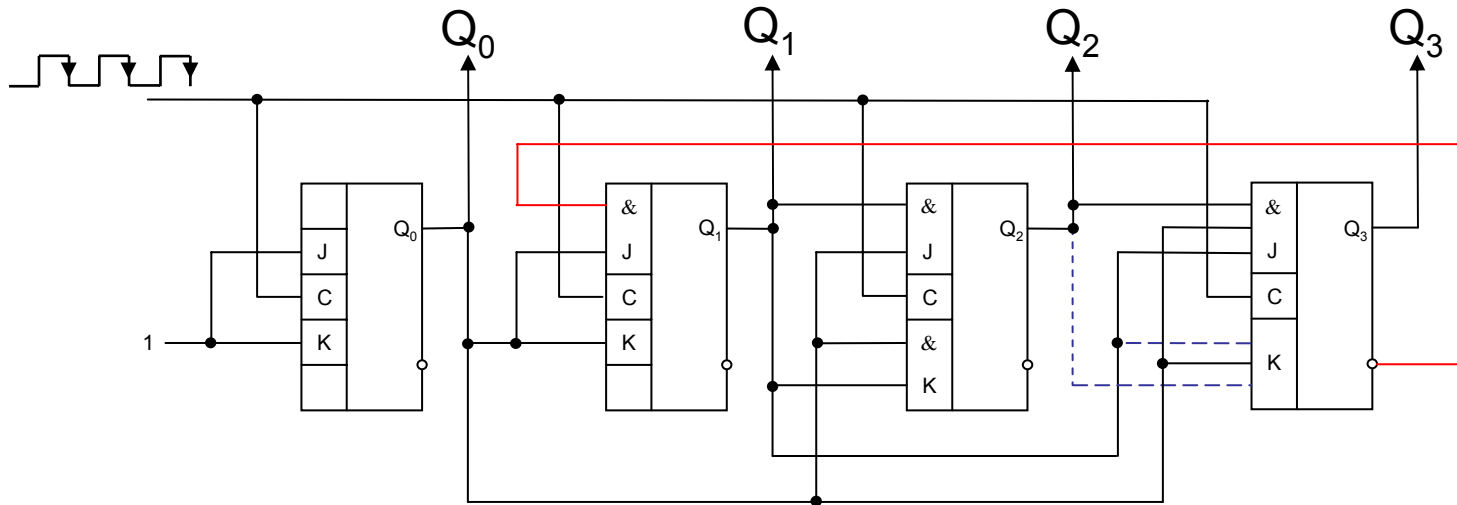
# Soros BCD számláló (1)



# Soros BCD számláló (2)



# Párhuzamos BCD számláló



# Források

- Arató P.: Logikai rendszerek tervezése  
Tankönyvkiadó, Bp. 1990
- Tarnai G.: Irányítástechnika I. 2002-2007.  
BME Közlekedésautomatikai Tanszék  
[www.kka.bme.hu](http://www.kka.bme.hu)